



IN THE UNITED STATES PATENT AND TRADEMARK OFFICE

First Named  
Inventor : Alice Parisis et al.

Appln. No.: 10/821,792

Filed : April 9, 2004

For : METHOD OF WATERMARKING A COLOR  
IMAGE BY VECTORIAL APPROACH,  
METHOD OF DETECTING A MARK OF  
WATERMARKING, CORRESPONDING  
DEVICES, IMAGE AND COMPUTER  
PROGRAMS

Group Art Unit:2621

Docket No.: F40.12-0026

**CLAIM OF PRIORITY AND TRANSMITTAL OF  
CERTIFIED COPY OF PRIORITY DOCUMENT**

Commissioner for Patents  
P.O. Box 1450  
Alexandria, VA 22313-1450

I HEREBY CERTIFY THAT THIS PAPER IS  
BEING SENT BY U.S. MAIL, FIRST CLASS,  
TO THE COMMISSIONER FOR PATENTS,  
P.O. BOX 1450, ALEXANDRIA, VA 22313-  
1450, THIS

26 DAY OF August, 2004  
*David D. Brush*  
PATENT ATTORNEY

Sir:

Applicant claims right of priority under the provisions  
of 35 USC § 119 based on French Patent Application No. 03 04592,  
filed 11 April 2003.

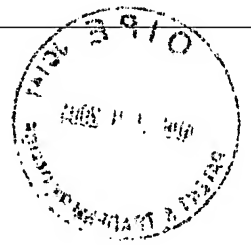
A certified copy of this application is enclosed. This  
priority application is identified in the Declaration filed  
herewith.

Applicant requests that priority be granted on the  
basis of this application.

Respectfully submitted,  
WESTMAN, CHAMPLIN & KELLY, P.A.

By: *David D. Brush*  
David D. Brush, Reg. No. 34,557  
Suite 1600 - International Centre  
900 Second Avenue South  
Minneapolis, Minnesota 55402-3319  
Phone: (612) 334-3222 Fax: (612) 334-3312

DDB:tkj





# BREVET D'INVENTION

CERTIFICAT D'UTILITÉ - CERTIFICAT D'ADDITION

## COPIE OFFICIELLE

Le Directeur général de l'Institut national de la propriété industrielle certifie que le document ci-annexé est la copie certifiée conforme d'une demande de titre de propriété industrielle déposée à l'Institut.

Fait à Paris, le 22 AVR. 2004

Pour le Directeur général de l'Institut  
national de la propriété industrielle  
Le Chef du Département des brevets

Martine PLANCHE

**CERTIFIED COPY OF  
PRIORITY DOCUMENT**





26 bis, rue de Saint Pétersbourg  
75800 Paris Cedex 08  
Téléphone : 33 (1) 53 04 53 04 Télécopie : 33 (1) 42 94 86 54

# BREVET D'INVENTION CERTIFICAT D'UTILITÉ

Code de la propriété intellectuelle - Livre VI

**cerfa**  
N° 11354\*02

## REQUÊTE EN DÉLIVRANCE page 1/2

**BR1**

Cet imprimé est à remplir lisiblement à l'encre noire

08 540 © W / 010801

<b>11 AVRIL 2003</b> REMISE DES PIÈCES DATE <b>INPI RENNES</b> LIEU <b>0304592</b> N° D'ENREGISTREMENT NATIONAL ATTRIBUÉ PAR L'INPI DATE DE DÉPÔT ATTRIBUÉE PAR L'INPI <b>11 AVR. 2003</b>		<b>1 NOM ET ADRESSE DU DEMANDEUR OU DU MANDATAIRE À QUI LA CORRESPONDANCE DOIT ÊTRE ADRESSÉE</b> Cabinet Patrice VIDON Le Nobel Technopole Atalante 2, allée antoine Becquerel BP 90333 35703 RENNES CEDEX 7	
<b>Vos références pour ce dossier</b> (facultatif) R8858FR			
<b>Confirmation d'un dépôt par télécopie</b>		<input type="checkbox"/> N° attribué par l'INPI à la télécopie	
<b>2 NATURE DE LA DEMANDE</b>		<b>Cochez l'une des 4 cases suivantes</b>	
Demande de brevet		<input checked="" type="checkbox"/>	
Demande de certificat d'utilité		<input type="checkbox"/>	
Demande divisionnaire		<input type="checkbox"/>	
<i>Demande de brevet initiale</i> <i>ou demande de certificat d'utilité initiale</i>		N° _____ Date _____ N° _____ Date _____	
Transformation d'une demande de brevet européen <i>Demande de brevet initiale</i>		<input type="checkbox"/> N° _____ Date _____	
<b>3 TITRE DE L'INVENTION (200 caractères ou espaces maximum)</b> Procédé de tatouage d'une image en couleurs par approche vectorielle, procédé de détection d'une marque de tatouage, dispositifs, image et programmes d'ordinateurs correspondants			
<b>4 DÉCLARATION DE PRIORITÉ OU REQUÊTE DU BÉNÉFICE DE LA DATE DE DÉPÔT D'UNE DEMANDE ANTÉRIEURE FRANÇAISE</b>		Pays ou organisation _____ N° _____ Date _____ Pays ou organisation _____ N° _____ Date _____ Pays ou organisation _____ N° _____ Date _____ <input type="checkbox"/> S'il y a d'autres priorités, cochez la case et utilisez l'imprimé «Suite»	
<b>5 DEMANDEUR (Cochez l'une des 2 cases)</b>		<input checked="" type="checkbox"/> <b>Personne morale</b> <input type="checkbox"/> <b>Personne physique</b>	
Nom ou dénomination sociale		FRANCE TELECOM	
Prénoms			
Forme juridique		Société Anonyme	
N° SIREN		3 8 0 1 2 9 8 6 6	
Code APE-NAF			
Domicile ou siège	Rue	6, place d'Alleray	
	Code postal et ville	17 5 0 1 5 PARIS	
	Pays	FRANCE	
Nationalité			
N° de téléphone (facultatif)		N° de télécopie (facultatif)	
Adresse électronique (facultatif)			
<input checked="" type="checkbox"/> S'il y a plus d'un demandeur, cochez la case et utilisez l'imprimé «Suite»			

Remplir impérativement la 2<sup>ème</sup> page



# BREVET D'INVENTION CERTIFICAT D'UTILITÉ

REQUÊTE EN DÉLIVRANCE  
page 2/2

**BR2**

<b>11 AVRIL 2003</b> REMISE DES PIÈCES DATE <b>15 INPI RENNES</b> LIEU <b>0304592</b> N° D'ENREGISTREMENT NATIONAL ATTRIBUÉ PAR L'INPI		DB 540 @ W / 010801
<b>Vos références pour ce dossier :</b> <i>(facultatif)</i>		R8858FR
<b>6 MANDATAIRE</b> <i>(s'il y a lieu)</i>		
Nom		VIDON
Prénom		Patrice
Cabinet ou Société		Cabinet Patrice VIDON
N° de pouvoir permanent et/ou de lien contractuel		
Adresse	Rue	Le Nobel 2 allée Antoine Becquerel BP 90333
	Code postal et ville	35103 RENNES CEDEX 7
	Pays	FRANCE
N° de téléphone <i>(facultatif)</i>		02 99 38 23 00
N° de télécopie <i>(facultatif)</i>		02 99 36 02 00
Adresse électronique <i>(facultatif)</i>		vidon@vidon.com
<b>7 INVENTEUR (S)</b>		
Les inventeurs sont nécessairement des personnes physiques		
Les demandeurs et les inventeurs sont les mêmes personnes		<input type="checkbox"/> Oui <input checked="" type="checkbox"/> Non : Dans ce cas remplir le formulaire de Désignation d'inventeur(s)
<b>8 RAPPORT DE RECHERCHE</b>		
Uniquement pour une demande de brevet (y compris division et transformation)		
Établissement immédiat ou établissement différé		<input checked="" type="checkbox"/> Établissement immédiat <input type="checkbox"/> Établissement différé
Paiement échelonné de la redevance <i>(en deux versements)</i>		Uniquement pour les personnes physiques effectuant elles-mêmes leur propre dépôt <input type="checkbox"/> Oui <input type="checkbox"/> Non
<b>9 RÉDUCTION DU TAUX DES REDEVANCES</b>		Uniquement pour les personnes physiques <input type="checkbox"/> Requête pour la première fois pour cette invention (joindre un avis de non-imposition) <input type="checkbox"/> Obtenue antérieurement à ce dépôt pour cette invention (joindre une copie de la décision d'admission à l'assistance gratuite ou indiquer sa référence) : AG [ ] [ ] [ ] [ ] [ ] [ ]
Si vous avez utilisé l'imprimé « Suite », indiquez le nombre de pages jointes		
<b>10 SIGNATURE DU DEMANDEUR OU DU MANDATAIRE</b> (Nom et qualité du signataire) P. VIDON Mandataire (CPI 92-1250)		VISA DE LA PRÉFECTURE OU DE L'INPI NATIONAL DE LA PROPRIÉTÉ INDUSTRIELLE RENNES



26 bis, rue de Saint Pétersbourg  
75800 Paris Cedex 08  
Téléphone : 33 (1) 53 04 53 04 Télécopie : 33 (1) 42 94 86 54

# BREVET D'INVENTION CERTIFICAT D'UTILITÉ

Code de la propriété intellectuelle - Livre VI



## REQUÊTE EN DÉLIVRANCE

Page suite N° 1.../1...



11 AVRIL 2003

REMISE DES PIÈCES

15 INPI RENNES

LIEU

0304592

N° D'ENREGISTREMENT

NATIONAL ATTRIBUÉ PAR L'INPI

Cet imprimé est à remplir lisiblement à l'encre noire

DB 829 @ W / 180601

<b>Vos références pour ce dossier (facultatif)</b>		R8858FR
<b>4 DÉCLARATION DE PRIORITÉ OU REQUÊTE DU BÉNÉFICE DE LA DATE DE DÉPÔT D'UNE DEMANDE ANTÉRIEURE FRANÇAISE</b>		
Pays ou organisation		
Date		N°
Pays ou organisation		
Date		N°
Pays ou organisation		
Date		N°
<b>5 DEMANDEUR (Cochez l'une des 2 cases)</b> <input checked="" type="checkbox"/> <b>Personne morale</b> <input type="checkbox"/> <b>Personne physique</b>		
Nom ou dénomination sociale		UNIVERSITE DE POITIERS
Prénoms		
Forme juridique		Etablissement public à caractère administratif et scientifique
N° SIREN		
Code APE-NAF		
Domicile ou siège	Rue	Boulevard Pierre et Marie Curie
	Code postal et ville	18 16 19 16 12 FUTUROSCOPE CHASSENEUIL CEDEX
	Pays	
Nationalité		
N° de téléphone (facultatif)		
N° de télécopie (facultatif)		
Adresse électronique (facultatif)		
<b>5 DEMANDEUR (Cochez l'une des 2 cases)</b> <input type="checkbox"/> <b>Personne morale</b> <input type="checkbox"/> <b>Personne physique</b>		
Nom ou dénomination sociale		
Prénoms		
Forme juridique		
N° SIREN		
Code APE-NAF		
Domicile ou siège	Rue	
	Code postal et ville	
	Pays	
Nationalité		
N° de téléphone (facultatif)		
N° de télécopie (facultatif)		
Adresse électronique (facultatif)		
<b>10 SIGNATURE DU DEMANDEUR OU DU MANDATAIRE (Nom et qualité du signataire)</b>		<b>VISA DE LA PRÉFECTURE DE LOI DE L'INPI</b> PROPRIÉTÉ INDUSTRIELLE RENNES

La loi n°78-17 du 6 janvier 1978 relative à l'informatique, aux fichiers et aux libertés s'applique aux réponses faites à ce formulaire. Elle garantit un droit d'accès et de rectification pour les données vous concernant auprès de l'INPI

**Procédé de tatouage d'une image en couleurs par approche vectorielle, procédé de détection d'une marque de tatouage, dispositifs, image et programmes d'ordinateurs correspondants.**

5 Le domaine de l'invention est celui du tatouage d'images fixes en couleurs. Plus précisément, l'invention concerne une technique de tatouage permettant d'intégrer des signatures à une image, en tenant compte de la dimension couleur de cette dernière.

Le domaine du tatouage d'images, encore appelé « watermarking », est actuellement en plein essor, et fait l'objet de nombreuses recherches, tant dans le  
10 domaine des séquences vidéo que des images fixes.

On distingue actuellement deux grandes familles de tatouage d'images, correspondant respectivement au tatouage d'images en niveaux de gris et d'images couleurs.

En effet, les premières années de recherche dans le domaine du  
15 « watermarking » ont été principalement axées sur des techniques de protection des images en niveaux de gris, et ont conduit à l'utilisation de trois domaines de marquage distincts : le domaine spatial, le domaine fréquentiel et le domaine multirésolution.

Les modèles de tatouage dans le domaine spatial (où la marque est  
20 directement appliquée aux valeurs des pixels) ont l'avantage de nécessiter un faible coût en temps de calcul. Ils sont généralement robustes aux attaques géométriques (par exemple rotation et changement d'échelle). Des méthodes proposées sont la modification d'histogramme (Coltuc D. et al., "*Image authentication by exact histogram specification*" (en français "Authentification  
25 d'image par spécification d'histogramme exacte"), workshop on multimedia signal processing, Cannes, France, octobre 2001) ou encore les techniques de patchwork (D. Gruhl, W. Bender, Moritomo, "*Techniques for data hiding*" (en français, "technique de dissimulation de données"), in processing SPIE, volume 2420, page 40, février 1995).



Les modèles de tatouage dans le domaine fréquentiel ont quant à eux pour avantage d'être robustes à la compression (de type JPEG par exemple). La marque est appliquée aux coefficients résultants d'une transformation du type Fourier (comme présenté par exemple par V. Solachidis et I. Pitas, "*Self-similar ring shaped watermark embedding in 2-D DFT domain*", 10<sup>th</sup> European Signal Processing Conference EUSIPCO'2000, Tampere, Finlande, pages 1977-1980, septembre 2000) ou Cosinus Discret (comme présenté par exemple par F. Alurki et R. Mersereau, "*A robust digital watermark procedure for still images using DCT phase modulation*", 10<sup>th</sup> European Signal Processing Conference EUSIPCO'2000, Tampere, Finlande, pages 1961-1964, septembre 2000).

Le marquage dans le domaine multirésolution offre enfin plusieurs avantages. Il est avant tout le domaine utilisé dans les standards de compression les plus récents. Il permet également de choisir la bande fréquentielle qui porte la marque, permettant ainsi de réduire les risques de dégradation de l'image par l'application de la marque (comme illustré par D. Kundur et D. Hatzinakos, "*Digital watermarking using multiresolution wavelet decomposition*", *Proceedings of IEEE ICASSP '98*, vol. 5, pages 2969 - 2972, Seattle, WA, USA, Mai 1998).

Outre ces techniques de tatouage des images en niveaux de gris, une deuxième grande famille de techniques de tatouage d'images fixes propose de prendre en compte la dimension couleur des images.

Au sein de cette famille, on distingue tout d'abord une première sous-famille de techniques consistant à adapter les méthodes en niveaux de gris sur les trois composantes couleur. Des paramètres sont alors utilisés pour contrôler la force de marquage sur chaque composante afin de tenir compte des propriétés du système visuel humain.

Une deuxième sous-famille regroupe des méthodes spécifiques aux images couleur. Elle tient compte du système visuel humain et utilise les caractéristiques des représentations de la couleur.

Par exemple, une méthode particulière, spécifique aux images couleurs, est celle proposée par L. Akarun, N. Özdilek, B. U. Öztekin, "A Novel Technique for Data Hiding in Color Paletted Images", Proceedings of the 10th European Signal Processing Conference, EUSIPCO'00, Tampere, Finlande, pages 123-126, 5 septembre 2000.

La première étape de cette méthode consiste à quantifier l'espace de couleurs par l'algorithme dit de 'median-cut'. Il consiste à partitionner de façon itérative l'espace de couleur avec des plans perpendiculaires aux axes des couleurs et passant par les valeurs médianes des données.

10 Deux cas sont alors possibles :

- toute la palette est utilisée dans la représentation de l'image, ou
- certaines valeurs de la palette ne sont pas utilisées par l'image.

Le premier cas n'est alors pas adapté à l'algorithme de marquage. Mais la palette obtenue comprend des couleurs que l'œil humain ne peut discerner. En 15 utilisant cette propriété on peut ainsi libérer certaines couleurs de la palette, de façon qu'elles ne soient pas utilisées dans l'image à marquée.

L'auteur propose que deux couleurs sont indiscernables si  $\Delta E < 3$  avec  $\Delta E = \sqrt{(L_1 - L_2)^2 + (a_1 - a_2)^2 + (b_1 - b_2)^2}$ , dans l'espace *Lab*. On rappelle que l'espace de représentation *Lab* est un espace perceptuellement uniforme. *L* 20 représente la luminance et les composantes *a* et *b* sont chromatiques.

Soit  $M(i)$  la marque, composée de couleurs n'appartenant pas à la palette. L'auteur précise qu'une marque « binaire » (composée de deux couleurs) est plus robuste (le risque d'erreur de détection est ainsi diminué).

Soit *C* la couleur la plus utilisée de la palette. (*C* est définie par le pic le plus élevé de l'histogramme couleur, chaque abscisse correspondant à une couleur 25 de la palette.)

La marque contient un nombre d'éléments inférieur au nombre de pixels de couleur *C*,  $i < h(C)$ . Chacun de ces éléments est indiscernable de la couleur *C*.

Le marquage consiste à remplacer le  $i^{\text{ème}}$  pixel de couleur *C* par  $M(i)$ .

Une autre méthode originale est celle proposée par S. Battiato, D. Catalano, G. Gallo, R. Gennaro, dans "*Robust Watermarking for Images based on Color Manipulation*", Proceedings of the 3rd Workshop on Information hiding, LNCS 1768, pages 302-317, Dresden, 1999. Selon cette méthode, la marque n'est pas créée pour l'image au préalable, mais c'est le contenu colorimétrique de l'image qui représente la marque. Un inconvénient de cette technique est donc qu'elle est très lourde en données à conserver.

L'espace de couleur proposé par l'auteur respecte deux propriétés :

- l'espace doit être perceptuellement uniforme (comme le sont les espaces *Lab* et *Luv*) de façon à pouvoir assimiler une mesure de distance euclidienne à une différence de couleur pour le système visuel humain ;
- le passage vers cet espace, noté  $LC_1C_2$ , doit être rapide, simple et sans pertes d'informations.

Le domaine des couleurs opposées est défini ici à partir de RGB, de la façon suivante :

$$RGB \rightarrow LC_1C_2 :$$

$$\begin{cases} L = R + G + B; \\ C_1 = 2B - R - G; \\ C_2 = R - 2G + B. \end{cases}$$

et

$$LC_1C_2 \rightarrow RGB :$$

$$\begin{cases} R = (L + C_2 - C_1)/3; \\ G = (L - C_2)/3 \\ B = (C_1 + L)/3. \end{cases}$$

D'après les auteurs, cet espace se rapproche le plus de la représentation des canaux chromatiques du système visuel humain.

Le marquage est réalisé de la façon suivante. La marque est un vecteur  $M(n)$ ,  $n=1, \dots, k, \dots, N$  où  $N$  est le nombre de couleurs de l'image et  $k$  une couleur de l'image. Soit  $(LC_1C_2)_k$  la couleur associée à l'indice  $k$ , représentée par un vecteur dans l'espace  $LC_1C_2$ . On sélectionne un rayon dans une sphère définie autour du point de coordonnées  $(LC_1C_2)_k$  de façon aléatoire. Pour chaque pixel  $(x, y)$  correspondant à la couleur  $k$ , le vecteur correspondant au rayon (déterminé précédemment) est ajouté au vecteur de couleur initial pour obtenir le vecteur marqué  $(LC_1C_2)_k'$ .

Chaque couleur est ainsi marquée par addition d'un même vecteur. L'image marquée est reconstruite en remplaçant les couleurs originales par les couleurs marquées, en respectant les coordonnées des pixels de l'image.

La marque est alors constituée de l'ensemble des couleurs de l'image  
5 originale.

La détection est réalisée par comparaison de l'image marquée avec les marques générées sur l'ensemble des images traitées. Elle s'effectue de la façon suivante. Il faut d'abord considérer que l'image sur laquelle la détection est effectuée possède le même nombre de couleurs que l'image originale.  
10 L'algorithme de détection compare l'image à chacune des marques enregistrées. Couleur par couleur, on va chercher la marque la plus proche (où les vecteurs différences entre les deux pixels de même coordonnée sont les plus semblables). La marque correspondant à l'image marquée est celle ayant le plus grand nombre de vecteurs de différence entre les couleurs de l'image marquée et de l'image  
15 originale en commun.

On notera que les différentes publications relatives aux techniques de tatouage couleur sont généralement consacrées à l'intégrité de l'aspect visuel et la robustesse de ces techniques contre les attaques classiques est peu développée.

Généralement, pour des méthodes dont l'algorithme de base peut être  
20 appliqué aux images en niveaux de gris, le marquage suit la technique suivante :

- passage dans l'espace transformée (coefficients d'ondelettes, coefficients de cosinus discret, etc.)
- application de la formule suivante :

$$I'_w(i, j) = I'(i, j) + \alpha(i, j)M(i, j)$$

25 où  $I'_w$  représente la transformée de l'image (ou la composante) marquée,  $I'$  la transformée de l'image (ou la composante) originale,  $M$  la marque,  $\alpha$  le facteur de contrôle d'intensité de marquage, et où  $i$  et  $j$  représentent les coordonnées du pixel traité.

Les algorithmes basés sur les caractéristiques des composantes couleur  
30 sont plus adaptés aux caractéristiques du système visuel humain. Le premier

article de Kutter M., Jordan F. et Bossen F, ("*Digital Signature of Color Images using Amplitude Modulation*", Processings of SPIE storage and retrieval for image and video databases, San Jose, USA, volume 3022, numéro 5, pages 518-526, Février 1997) sur le « watermarking » couleur proposait de travailler sur la  
5 composante bleue du système RGB, pour laquelle l'œil humain était le moins sensible.

Cette idée a été reprise par A. Reed et B. Hannigan, dans "*Adaptive Color Watermarking*", Proceedings of SPIE, Electronic Imaging, volume 4675, janvier 2002. Ces auteurs proposent de travailler sur la composante jaune du système  
10 CMY (« Cyan Magenta Yellow » pour « Cyan Magenta Jaune », qui est un espace colorimétrique), car ils considèrent que l'œil humain est moins sensible aux variations de couleur sur l'axe jaune-bleu.

De façon générale, la composante bleue permet de mieux dissimuler la  
marque (mais avec une robustesse moindre) et la composante verte permet de  
15 mieux protéger la marque contre des attaques (mais avec des dégradations plus visibles de l'image). Cela s'explique par le fait que le système visuel humain est plus sensible aux variations dans le vert qu'aux variations dans le bleu. Le compromis entre invisibilité et robustesse de la marque dépend donc de la nature  
colorimétrique de la composante.

20 Enfin, une dernière technique, proposée par J.J. Chae, D. Mukherjee, et B.S. Manjunath, dans "*Color Image Embedding using Multidimensional Lattice Structures*", Proceeding of IEEE International Conference on Image Processing, Chicago, Illinois, volume 1, pages 460-464, octobre 1998, repose sur une approche du type vectorielle.

25 Selon cette technique, la première étape du marquage consiste à faire une décomposition en ondelettes de l'image initiale et de la signature (qui peut aussi être une image). Un seul niveau de décomposition est effectué. On obtient ainsi les coefficients en ondelettes de l'image originale, notés  $(C_Y, C_U, C_V)(x, y)$ , dont chaque composante correspond à la composante couleur de l'espace YUV, et les  
30 coefficients en ondelettes de la marque. L'utilisation de l'espace YUV (espace

utilisé en vidéo : Y est la composante de luminance; U et V sont des composantes chromatiques) permet ainsi une adaptation directe de cette technique aux documents vidéo.

Les coefficients d'ondelettes résultant de la décomposition de la marque  
5 sont quantifiés en  $\beta$  niveaux. On obtient ainsi un vecteur  $\vec{M}$ ,  
( $M_Y, M_U, M_V$ )( $x, y$ ) pour une marque en couleur et  $M(x, y)$  pour une marque en  
niveaux de gris, contenant ( $s_i$ ) éléments où  $1 < i < \beta$ .

L'intégration de la marque peut s'écrire sous la forme :

$$(C_Y, C_U, C_V)_i(x, y) = (C_Y, C_U, C_V)_i(x, y) + \alpha \vec{M}(s_i)$$

10 où  $\alpha$  est le facteur de contrôle de la force de marquage.

La détection de la marque est ensuite effectuée de la façon suivante. Après  
l'application de la transformée en ondelettes sur l'image marquée, les coefficients  
résultants sont quantifiés en  $\beta$  niveaux.

Pour estimer le vecteur le plus proche de celui utilisé en tant que marque,  
15 on recherche la valeur de quantification du coefficient le plus proche de ceux de  
l'image initiale (la marque est alors détectée, élément par élément).

L'image correspondant à la marque détectée pourra ainsi être reconstruite  
par transformée en ondelettes inverse.

Toutes les techniques de tatouage d'images en niveaux de gris ou d'images  
20 couleurs décrites ci-dessus présentent de nombreux inconvénients.

Ainsi, les techniques de « watermarking » des images couleur basées sur  
des algorithmes en niveaux de gris ne permettent pas la prise en compte de la  
dimension couleur des images. De ce fait, elles ne permettent pas d'optimiser le  
compromis entre invisibilité et robustesse de la marque.

25 Les techniques de tatouage des images couleur sont quant à elles très  
complexes et cherchent toutes à répondre à un objectif d'invisibilité de la marque.  
En d'autres termes, elles ne sont pas suffisamment robustes vis-à-vis des attaques  
classiques de type compression ou filtrage.

La technique proposée par Chae et al. décrite ci-dessus, bien qu'utilisant  
30 une approche vectorielle, présente quant à elle pour inconvénient de ne pas être

robuste à la compression. En outre, cette méthode de marquage ne permet pas d'envisager la sécurisation de documents. Enfin, cette technique ne tient pas compte de la dimension couleur de l'image, puisqu'elle affecte la même force de marquage aux trois composantes de couleur de l'image.

5           Enfin, aucune technique de l'art antérieur utilisant une décomposition en ondelettes n'offre un marquage aveugle, qui permette une détection de la marque ne nécessitant pas l'image originale. Par ailleurs, aucune de ces techniques n'offre une robustesse contre la compression JPEG, le filtrage médian et l'ajout de bruit.

10           L'invention a notamment pour objectif de pallier ces inconvénients de l'art antérieur.

Plus précisément, un objectif de l'invention est de fournir une technique de tatouage d'images couleur permettant d'intégrer une ou plusieurs signatures à une image couleur.

15           En d'autres termes, un objectif de l'invention est de fournir une technique de sécurisation de documents par insertion invisible d'une marque.

Un autre objectif de l'invention est de mettre en œuvre une telle technique qui soit robuste à la plupart des attaques. Notamment, un objectif de l'invention est de fournir une telle technique qui soit robuste à la compression (notamment de type JPEG), au filtrage (notamment par un filtre médian) et à l'ajout de bruit.

20           L'invention a encore pour objectif de mettre en œuvre une telle technique qui permette une détection aveugle, c'est-à-dire ne nécessitant pas l'image originale, de la marque dans une image.

25           Encore un objectif de l'invention est de fournir une telle technique permettant de réduire la visibilité de la marque par rapport aux techniques de l'art antérieur.

Ces objectifs, ainsi que d'autres qui apparaîtront par la suite, sont atteints à l'aide d'un procédé de tatouage d'une image en couleurs, présentant trois composantes.

30           Selon l'invention, un tel procédé comprend une étape d'insertion d'une marque de tatouage, en au moins un point de l'image, selon une règle d'insertion

prenant en compte la position relative de trois vecteurs de composante, pour chacune desdites composantes respectivement, associés audit au moins un point.

Ainsi, l'invention repose sur une approche tout à fait nouvelle et inventive du tatouage d'images couleur. En effet, l'invention repose sur une approche  
5 vectorielle, permettant, par rapport aux techniques de l'art antérieur, de prendre en compte la dimension couleur de l'image.

La marque de tatouage n'est donc plus, contrairement aux techniques de l'art antérieur, appliquée de façon identique sur les trois composantes couleur de l'image ; en d'autres termes, alors que, selon l'art antérieur, on procédait à un  
10 marquage indépendant des trois vecteurs de composante de l'image, selon l'invention, ces trois vecteurs sont désormais pris en compte « en synergie » pour l'insertion de la marque.

La mise en œuvre d'une approche vectorielle permet, en termes de robustesse, d'obtenir des réponses plus stables que les techniques de l'art antérieur  
15 dans le domaine des ondelettes, telles que celle de Kundur et al. citée ci-dessus, comme technique de tatouage dans le domaine des ondelettes. Une telle approche vectorielle permet également de minimiser les variations induites par la marque dans le domaine couleur, et améliore donc sensiblement l'invisibilité de la marque par rapport aux techniques de l'art antérieur.

20 Avantageusement, on sélectionne, pour chacun desdits points concernés, deux vecteurs en tant que vecteurs de référence et un vecteur à marquer pour porter ladite marque de tatouage.

On notera que l'invention consiste donc, contrairement à l'art antérieur, à marquer des vecteurs de composante (i.e. des vecteurs couleurs par exemple), et  
25 non de simples coefficients de l'image.

Préférentiellement, ledit vecteur à marquer est le vecteur central, se trouvant entre lesdits vecteurs de référence.

De manière avantageuse, on calcule les distances deux à deux entre lesdits trois vecteurs, lesdits vecteurs de référence étant ceux les plus distants l'un de  
30 l'autre.



De manière préférentielle, on détermine une frontière entre lesdits vecteurs de référence, définissant deux zones associées respectivement aux valeurs binaires « 0 » et « 1 ».

On crée ainsi deux demi-espaces, associés respectivement à chacun desdits  
5 vecteurs de référence, et correspondant à une valeur « 0 » ou « 1 » de la marque que l'on souhaite insérer.

Avantageusement, ladite frontière est définie par la bissectrice entre lesdits vecteurs de référence.

Selon une caractéristique avantageuse de l'invention, le marquage dudit  
10 vecteur à marquer comprend un déplacement éventuel dudit vecteur à marquer dans l'une desdites zones, selon la valeur binaire de marquage à appliquer.

Ainsi, si l'on souhaite insérer sur le vecteur à marquer une marque de valeur « 0 » et que le vecteur à marquer se trouve dans la zone ou le demi-espace  
associé à la valeur binaire « 1 », on déplace son extrémité de façon qu'elle se  
15 trouve dans l'autre demi-espace, ou zone, associés à la valeur « 0 ».

Si l'on souhaite insérer sur le vecteur à marquer une marque de valeur  
« 0 » et que le vecteur à marquer se trouve déjà dans la zone associée à la valeur  
binaire « 0 », on peut également déplacer son extrémité de façon à se rapprocher  
du vecteur de référence se situant dans ce demi-espace, de façon à augmenter la  
20 robustesse de la marque (tout en restant bien entendu dans le demi-espace associé à la valeur binaire « 0 »).

Selon une autre caractéristique avantageuse de l'invention, ledit déplacement a une amplitude variable, fonction d'une force de marquage choisie en fonction d'au moins une caractéristique locale de ladite image.

25 Ainsi, en fonction des caractéristiques colorimétriques ou des caractéristiques de texture locales de l'image, on peut choisir d'insérer une marque plus ou moins visible et plus ou moins robuste, en fonction de la force de marquage choisie. Une telle force de marquage peut prendre par exemple une valeur comprise entre 0 et 1, une force nulle correspondant à une marque peu  
30 robuste et invisible, une force égale à 1 correspondant à une marque robuste mais

visible.

Selon une variante avantageuse de l'invention, un tel procédé de tatouage comprend également une étape de transformation en ondelettes de chacune desdites composantes de l'image, et lesdits trois vecteurs de composantes sont  
5 déterminés, pour chaque point d'au moins un niveau de décomposition de ladite transformation en ondelettes, pour chacune desdites composantes respectivement.

L'invention combine donc à l'approche vectorielle une décomposition en ondelettes de l'image. L'utilisation d'une telle transformée en ondelettes permet  
10 avantageusement à la technique de l'invention d'être plus robuste vis-à-vis d'attaques du type compression JPEG, filtrage médian et ajout de bruit.

On notera que par « point », on entend ici une position pixélique dans un niveau de décomposition de l'image, ainsi qu'illustré par la figure 10, qui représente une image échelle E 101, et les trois images de détail  $D_N^{1,R}$  102,  $D_N^{2,R}$  103,  $D_N^{3,R}$  104 pour la composante rouge d'une décomposition en ondelettes dans  
15 un système RGB. Le « point » 105 est défini par une même position pixélique dans chacune des trois images de détail référencées 102 à 104.

Préférentiellement, on prévoit au moins deux conventions de marquage d'un vecteur.

Selon une caractéristique avantageuse de l'invention, on choisit comme  
20 convention de marquage pour une image donnée celle limitant les risques de conflit lors de la détection de ladite marque.

Préférentiellement, on choisit une desdites conventions en fonction des nombres de vecteurs de référence présent dans ladite image pour chacune desdites composantes.

25 Ainsi, dans un système de type RGB par exemple, on détermine le nombre de fois où les vecteurs rouge, vert et bleu sont choisis comme vecteurs de référence ou comme vecteur à marquer, et on en déduit la convention de marquage permettant de réduire au maximum les risques de conflit lors de la détection de la marque. Par exemple, on choisit une convention de marquage telle  
30 que le vecteur le moins souvent marqué soit situé dans la zone de conflit.

De manière préférentielle, ledit marquage est, au moins dans des situations normales, calculé selon l'équation suivante :

$$\vec{V}_{M,W}(x,y) = \vec{V}_R(x,y) - (1 - F_M)(\vec{V}_R(x,y) - \vec{V}_M(x,y))$$

où  $\vec{V}_M(x,y)$  est ledit vecteur à marquer,  $\vec{V}_R(x,y)$  est un desdits vecteurs de référence,  $F_M$  est ladite force de marquage et  $\vec{V}_{M,W}(x,y)$  est ledit vecteur marqué.

Préférentiellement, en cas de conflit, ledit marquage est calculé selon l'équation suivante :

$$\vec{V}_{M,W}(x,y) = \vec{V}_R(x,y) - \text{beta} \cdot (1 - F_M)(\vec{V}_R(x,y) - \vec{V}_M(x,y)),$$

où  $\text{beta} < 1$ .

Avantageusement, un tel procédé de tatouage comprend, après ladite étape d'association d'une marque de tatouage, une étape de transformation en ondelettes inverse, délivrant une image marquée.

Ainsi, après avoir procédé à une transformation en ondelettes des différentes composantes couleur de l'image, et après avoir inséré la marque de tatouage sur les vecteurs couleurs, on reconstruit une image marquée, par transformation en ondelettes inverse.

De façon avantageuse, ladite marque est une signature binaire pseudo-aléatoire écrite de façon redondante.

La redondance de l'insertion de la marque permet une meilleure protection de l'image et une plus forte probabilité de détection du tatouage.

Préférentiellement, lesdites composantes appartiennent au groupe comprenant :

- les composantes RGB ;
- les composantes YUV ;
- les composantes CMY.

Plus généralement, tous les espaces de représentation de la couleur peuvent être utilisés, qu'il s'agisse d'espaces définis par la CIE (Commission Eclairage Internationale) ou d'espaces originaux.

L'invention concerne aussi un dispositif de tatouage d'une image en couleurs, présentant trois composantes, et comprenant des moyens d'insertion

d'une marque de tatouage, en au moins un point de l'image, selon une règle d'insertion prenant en compte la position relative de trois vecteurs de composante, pour chacune desdites composantes respectivement, associés audit au moins un point.

5 L'invention concerne également un programme d'ordinateur comprenant des instructions de code de programme enregistré sur un support utilisable dans un ordinateur pour le tatouage d'une image en couleurs, présentant trois composantes. Selon l'invention, ledit programme comprend des moyens de programmation lisibles par ordinateur pour effectuer une étape d'insertion d'une  
10 marque de tatouage, en au moins un point de l'image, selon une règle d'insertion prenant en compte la position relative de trois vecteurs de composante, pour chacune desdites composantes respectivement, associés audit au moins un point.

L'invention concerne encore une image en couleurs présentant trois composantes et comprenant un tatouage obtenu par insertion d'une marque de  
15 tatouage, en au moins un point de l'image, selon une règle d'insertion prenant en compte la position relative de trois vecteurs de composante, pour chacune desdites composantes respectivement, associés audit au moins un point.

L'invention concerne aussi un procédé de détection d'un tatouage dans une image tatouée, réalisé selon le procédé de tatouage décrit précédemment. Selon  
20 l'invention, un tel procédé de détection comprend une étape de récupération d'une marque de tatouage, en au moins un point de l'image, selon une règle de récupération prenant en compte la position relative de trois vecteurs de composante, pour chacune desdites composantes respectivement, associés audit au moins un point.

25 Préférentiellement, ladite étape de récupération comprend une sous-étape de calcul des distances deux à deux entre lesdits trois vecteurs, et les deux vecteurs les plus distants l'un de l'autre sont des vecteurs de référence, le troisième vecteur étant le vecteur marqué portant ladite marque de tatouage.

Avantageusement, une frontière entre lesdits vecteurs de référence  
30 définissant deux zones associées respectivement aux valeurs binaires « 0 » et

« 1 », ladite étape de récupération comprend également une sous-étape de repérage de la zone dans laquelle se situe ledit vecteur marqué, et une étape d'association d'une valeur binaire correspondante.

De façon avantageuse, ladite marque est récupérée au moins deux fois, et  
5 on met en œuvre un calcul de corrélation par rapport à une signature de référence, afin de décider si le tatouage est ou non correctement détecté.

L'invention concerne encore un dispositif de détection d'un tatouage dans une image tatouée, réalisé selon le procédé de tatouage décrit précédemment. Selon l'invention un tel dispositif comprend des moyens de récupération d'une  
10 marque de tatouage, en au moins un point de l'image, selon une règle de récupération prenant en compte la position relative de trois vecteurs de composante, pour chacune desdites composantes respectivement, associés audit au moins un point.

L'invention concerne enfin un programme d'ordinateur comprenant des  
15 instructions de code de programme enregistré sur un support utilisable dans un ordinateur pour la détection d'un tatouage dans une image tatouée, réalisé selon le procédé décrit précédemment. Un tel programme comprend des moyens de programmation lisibles par ordinateur pour effectuer une étape de récupération d'une marque de tatouage, en au moins un point de l'image, selon une règle de  
20 récupération prenant en compte la position relative de trois vecteurs de composante, pour chacune desdites composantes respectivement, associés audit au moins un point.

D'autres caractéristiques et avantages de l'invention apparaîtront plus clairement à la lecture de la description suivante d'un mode de réalisation  
25 préférentiel, donné à titre de simple exemple illustratif et non limitatif, et des dessins annexés, parmi lesquels :

- la figure 1 présente un synoptique du principe d'analyse multi-résolution d'une image I par transformation ondelettes, mis en œuvre selon l'invention ;
- 30 - la figure 2 illustre le principe d'obtention d'images au niveau de résolution

- j à partir de l'image échelle au niveau j+1 par transformation ondelettes, selon le principe de la figure 1 ;
- la figure 3 décrit une arborescence de coefficients ondelettes construite à l'issue de la transformation ondelettes de la figure 2 ;
  - 5 - la figure 4 illustre la génération d'une marque par redondance de la signature ;
  - la figure 5 présente l'étape de construction des vecteurs de référence et du vecteur de marquage ;
  - les figures 6a à 6c illustrent les différentes conventions de marquage mises en œuvre selon l'invention ;
  - 10 - la figure 7 illustre un cas de figure possible de positionnement des vecteurs originaux, ainsi que les deux déplacements du vecteur à marquer envisageables pour ce cas ;
  - les figures 8a et 8b présentent respectivement un exemple d'image originale et d'image correspondante marquée selon la technique de tatouage de l'invention ;
  - 15 - les figures 9a à 9c présentent, sous forme de graphes, les résultats de tests de robustesse de la technique de tatouage de l'invention, sur l'exemple de l'image de la figure 8b ;
  - 20 - la figure 10 précise la notion de « point » d'une image, qui représente, dans le cadre d'une transformation en ondelettes, une position pixélique dans un niveau de décomposition.

Le principe général de l'invention repose sur la prise en compte de la dimension couleur des images, et propose une approche vectorielle du tatouage.

- 25 L'invention permet ainsi un marquage vectoriel prenant en compte, en synergie, les trois vecteurs couleur de l'image.

Dans un mode de réalisation particulier de l'invention, qui sera décrit dans toute la suite du document, on combine à cette approche vectorielle une décomposition en ondelettes des composantes couleur de l'image.

Dans ce mode de réalisation particulier, l'invention consiste donc à insérer une marque dans une image couleur en réalisant les étapes suivantes :

- Transformation de chaque composante de l'image couleur dans le domaine des ondelettes,
- 5       - Génération indépendante de la marque de façon pseudo-aléatoire à partir d'une clé,
- Définition de l'ensemble des vecteurs couleurs
- Pour chaque coordonnée des composantes passe-bande:
  - 10           o Définition de 2 vecteurs de référence et d'un vecteur qui portera la marque (les vecteurs de référence sont les vecteurs les plus distants, la marque est ainsi appliquée sur le vecteur « central » ce qui minimise l'impact visuel)
  - o Définition d'une règle qui gère la force de la marque et détermine l'espace d'insertion associé au bit 1 et au bit 0.
- 15       - Reconstruction de l'image couleur marquée par transformée en ondelettes, en tenant compte des modifications par marquage des coefficients d'ondelettes.

Ces différentes opérations sont détaillées plus en détail dans la suite, en relation avec les figures.

## 20           1.       Transformation ondelette

La première étape mise en œuvre selon l'invention est une étape de transformation en ondelettes. On rappelle que la transformation ondelette est un outil mathématique puissant permettant l'analyse multi-résolution d'une fonction, ainsi que décrit par Mallat S. (dans "A Theory for Multiresolution Signal  
25       Decomposition: the Wavelet Representation", IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence, Vol. 11, No. 7, Juillet 1989, pp. 674-693), par Stollnitz E.J., DeRose T.D., et Salesin D. (dans "Wavelets for Computer Graphics: A Primer-Part 1", IEEE Computer Graphics and Applications, Mai 1995, pp.76-84 ou encore dans "Wavelets for Computer Graphics: A Primer-Part  
30       2", IEEE Computer Graphics and Applications, Juillet 1995, pp.75-85).

L'annexe 1, qui fait partie intégrante de la présente demande de brevet, rappelle les aspects essentiels de la théorie des ondelettes.

Dans le cadre de l'invention, les fonctions considérées sont des images numériques, c'est-à-dire des fonctions bi-dimensionnelles discrètes. Sans perte de généralités, on suppose que les images traitées sont échantillonnées sur une grille discrète de  $n$  lignes et  $m$  colonnes et à valeur dans un espace de luminance échantillonné à 256 valeurs. De plus, on suppose que  $n = 2^k$  ( $k \in \mathbb{Z}$ ) et que  $m = 2^l$  ( $l \in \mathbb{Z}$ ).

Si on note  $I$  l'image originale, on a alors :

$$10 \quad I : \begin{cases} [0, m] \times [0, n] \rightarrow [0, 255] \\ (x, y) \mapsto I(x, y) \end{cases}$$

La transformation ondelette de l'image  $I$  10 permet une représentation multi-résolution de  $I$ , ainsi qu'illustré par la figure 1. A chaque niveau de résolution  $2^j$  ( $j \leq -1$ ), la représentation de  $I$  10 est donnée par une image grossière  $A_{2^j} I$  11 et par trois images de détails  $D_{2^j}^1 I$  12,  $D_{2^j}^2 I$  13 et  $D_{2^j}^3 I$  14.

15 Chacune de ces images est de taille  $2^{k+j} \times 2^{l+j}$ .

A nouveau, au niveau de résolution suivant, l'image grossière  $A_{2^j} I$  11 peut être représentée par une image grossière  $A_{2^{j-1}} I$  11<sub>1</sub> et par trois images de détails  $D_{2^{j-1}}^1 I$  12<sub>1</sub>,  $D_{2^{j-1}}^2 I$  13<sub>1</sub> et  $D_{2^{j-1}}^3 I$  14<sub>1</sub>.

20 La transformation ondelette nécessite le choix d'une fonction échelle  $\Phi(x)$  ainsi que le choix d'une fonction ondelette  $\Psi(x)$ . A partir de ces deux fonctions, on dérive un filtre échelle  $H$  et un filtre ondelette  $G$  dont les réponses impulsionnelles respectives  $h$  et  $g$  sont définies par :

$$\begin{aligned} h(n) &= \langle \phi_{2^{-1}}(u), \phi(u-n) \rangle \forall n \in \mathbb{Z} \\ g(n) &= \langle \psi_{2^{-1}}(u), \phi(u-n) \rangle \forall n \in \mathbb{Z}. \end{aligned}$$

25 Notons respectivement  $\tilde{H}$  et  $\tilde{G}$  les filtres miroirs de  $H$  et  $G$  (i.e.  $\tilde{h}(n) = h(-n)$  et  $\tilde{g}(n) = g(-n)$ ).

On peut alors montrer, comme illustré par la figure 2, que :



❖  $A_{2,j}I$  20 peut être calculée en convoluant  $A_{2,j+1}I$  21 avec  $\tilde{H}$  dans les deux dimensions et en sous-échantillonnant d'un facteur deux (23, 24) dans les deux dimensions ;

❖  $D_{2,j}^1I$  22 peut être calculée en :

- 5           1. convoluant  $A_{2,j+1}I$  21 avec  $\tilde{H}$  suivant la direction y et en sous-échantillonnant d'un facteur deux (23) suivant cette même direction ;
2. convoluant le résultat de l'étape 1) avec  $\tilde{G}$  suivant la direction x et en sous-échantillonnant d'un facteur deux (25) suivant cette même direction.

10

❖  $D_{2,j}^2I$  26 peut être calculée en :

1. convoluant  $A_{2,j+1}I$  21 avec  $\tilde{G}$  suivant la direction y et en sous-échantillonnant d'un facteur deux (27) suivant cette même direction ;
- 15       2. convoluant le résultat de l'étape 1) avec  $\tilde{H}$  suivant la direction x et en sous-échantillonnant d'un facteur deux (28) suivant cette même direction.

❖  $D_{2,j}^3I$  30 peut être calculée en :

1. convoluant  $A_{2,j+1}I$  21 avec  $\tilde{G}$  suivant la direction y et en sous-échantillonnant d'un facteur deux (27) suivant cette même direction ;
- 20       2. convoluant le résultat de l'étape 1) avec  $\tilde{G}$  suivant la direction x et en sous-échantillonnant d'un facteur deux (29) suivant cette même direction.

25

Dans un mode de réalisation particulier de l'invention, on utilise la base de Daubechies, et on choisit le niveau de résolution  $2^r$  ( $r \leq -1$ ) avec  $r=-4$ .

Les ondelettes de Daubechies ont un support de taille minimale pour un nombre donné de moments nuls. Les ondelettes de Daubechies à support compact se calculent à partir de filtres miroirs conjugués  $h$  de réponse impulsionnelle finie.

De la longueur du filtre dépend le support temporel de l'ondelette associée ainsi que le nombre de moments nuls. Il n'existe pas de formule explicite pour les filtres de Daubechies quel que soit l'ordre du filtre. Les filtres se construisent à partir de la résolution du problème suivant :

- 5 Soit le polynôme trigonométrique  $\hat{h}(w) = \sum_{n=0}^{M-1} h[n]e^{-inw}$  transformée de Fourier du filtre de Daubechies, alors il faut construire un polynôme  $R(e^{-iw})$  de degré minimal tel que  $\hat{h}(w) = \sqrt{2} \left( \frac{1 + e^{-iw}}{2} \right)^P R(e^{-iw})$  et  $|\hat{h}(w)|^2 + |\hat{h}(w + \pi)|^2 = 2$ . Selon

l'invention, on choisit de préférence le filtre à huit coefficients qui correspond au polynôme suivant :

$$10 \quad \hat{h}(w) = 0,2304 + 0,7148.e^{-iw} + 0,6309.e^{-i2w} - 0,028.e^{-i3w} - 0,187.e^{-i4w} \\ + 0,0308.e^{-i5w} + 0,0329.e^{-i6w} - 0,0106.e^{-i7w}$$

La figure 3 illustre la construction, après que la transformation ondelettes est effectuée jusqu'à un niveau de résolution minimal  $2^r$  ( $r \leq -1$ ), d'une arborescence des coefficients ondelettes :

- Chaque pixel  $p(x,y)$  référencé 34 de l'image  $A_{2^r}I$  est la racine d'un arbre ;
- 15 - Chaque racine  $p(x,y)$  se voit attribuer trois nœuds fils référencés 31 à 33 désignés par les coefficients ondelettes des trois images de détails  $D_{2^r}^s I$  ( $s=1,2,3$ ) localisés au même emplacement  $(x,y)$  ;
- Du fait du sous-échantillonnage d'un facteur deux effectué par la transformation ondelette à chaque changement de résolution (voir figure 2), chaque coefficient ondelette  $D_{2^r}^s(x,y)$  ( $s=1,2,3$ ) correspond à une zone
- 20 de taille  $2 \times 2$  pixels dans l'image détail correspondante à la résolution  $2^{r+1}$ . Cette zone est localisée en  $(2x,2y)$  et tous les coefficients ondelettes  $y$  appartenant deviennent les nœuds fils de  $D_{2^r}^s(x,y)$ .

- De façon récursive, on construit ainsi l'arborescence dans laquelle chaque
- 25 coefficient ondelette  $D_{2^u}^s(x,y)$  ( $s=1,2,3$  et  $0 > u > r$ ) possède quatre nœuds fils désignés par les coefficients ondelettes de l'image  $D_{2^{u+1}}^s I$  localisés dans la région située en  $(2x,2y)$  et de taille  $2 \times 2$  pixels.

Une fois l'arborescence construite, chaque coefficient ondelette  $D_{2^r}^s(x, y)$  ( $s=1, 2, 3$ ) correspond à une région de taille  $2^{-r} \times 2^{-r}$  pixels dans l'image détail  $D_{2^{-1}}^s I$ .

## 2. Construction de la marque

5 Une signature binaire  $S$  de  $N_-$  bits est générée de façon pseudo-aléatoire, contrôlée par une clef  $K$ . Cette signature, écrite sous forme d'une matrice  $\sqrt{N} * \sqrt{N}$  est ensuite écrite de façon redondante pour obtenir la marque  $W$ . La redondance peut-être effectuée bit par bit ou signature par signature, ainsi qu'illustré par la figure 4.

10 Dans un mode de réalisation particulier de l'invention, la signature  $S$  40 est une signature binaire de 16 bits et est générée de façon pseudo-aléatoire à l'aide d'une clef  $K=9$ . Cette signature matricielle ( $4*4$ ) 40 est ensuite copiée  $T$  fois pour créer une marque, comme dans le premier exemple 41 présentée dans la figure 4. Pour une image de taille  $256*256$ , sachant que les coefficients d'ondelettes utilisées sont ceux définis pour la 4<sup>ème</sup> échelle de décomposition, la  
15 marque sera de taille  $16*16$ . La signature est donc répétée 16 fois.

On notera que sur la figure 4, les carrés noirs illustrent un bit à 1 et les carrés blancs représentent un bit à 0.

## 3. Insertion de la marque

### 20 3.1 Définition des vecteurs

Les vecteurs sont définis à partir de la décomposition en ondelettes à l'échelle  $-r$ , pour chaque coordonnées  $(x, y)$  des trois images de détails  $D_{2^1}^1 I$  22,  $D_{2^1}^2 I$  26,  $D_{2^1}^3 I$  30, et pour chacune des trois composantes couleur notées  $I=\{A, B, C\}$ .

25  $A, B$  et  $C$  sont des composantes qui dépendent de l'espace de représentation ( $ABC$  peut être RGB, XYZ, YUV, etc.).

On obtient ainsi, pour chaque coordonnées  $(x, y)$  50 des images de détails, les trois vecteurs suivants, illustrés par la figure 5 :

$$\vec{V}_A(x, y) = \{D_{2^1}^1 A(x, y), D_{2^1}^2 A(x, y), D_{2^1}^3 A(x, y)\},$$

30  $\vec{V}_B(x, y) = \{D_{2^1}^1 B(x, y), D_{2^1}^2 B(x, y), D_{2^1}^3 B(x, y)\};$

$$\bar{V}_C(x, y) = \{D_{2^r}^1 C(x, y), D_{2^r}^2 C(x, y), D_{2^r}^3 C(x, y)\}$$

Dans un mode de réalisation particulier de l'invention, on considère l'image dans l'espace de représentation RGB, et les vecteurs sont définis pour chaque composante (R, G et B) à partir des coefficients d'ondelettes de la 4<sup>ème</sup> échelle de décomposition ( $r=4$ ):

$$\bar{V}_R(x, y) = \{D_{2^r}^1 R(x, y), D_{2^r}^2 R(x, y), D_{2^r}^3 R(x, y)\},$$

$$\bar{V}_G(x, y) = \{D_{2^r}^1 G(x, y), D_{2^r}^2 G(x, y), D_{2^r}^3 G(x, y)\},$$

$$\bar{V}_B(x, y) = \{D_{2^r}^1 B(x, y), D_{2^r}^2 B(x, y), D_{2^r}^3 B(x, y)\}$$

### 3.2 Calcul des distances, vecteurs de référence et vecteur marqué

Pour chaque coordonnée des images détails, les distances entre vecteurs deux à deux sont calculées :

$$D_{A,B}(x, y) = |\bar{V}_A(x, y) - \bar{V}_B(x, y)|$$

$$D_{A,C}(x, y) = |\bar{V}_A(x, y) - \bar{V}_C(x, y)|$$

$$D_{B,C}(x, y) = |\bar{V}_B(x, y) - \bar{V}_C(x, y)|$$

La distance la plus grande est définie par les deux vecteurs de référence  $\bar{V}_{R_1}$  51 et  $\bar{V}_{R_2}$  52 (voir figure 5). Ce sera le troisième vecteur  $\bar{V}_M$  53 qui sera marqué.

Ainsi, si  $D_{A,B}(x, y) > D_{A,C}(x, y)$  et  $D_{A,B}(x, y) > D_{B,C}(x, y)$ , alors  $\bar{V}_A(x, y)$  et  $\bar{V}_B(x, y)$  sont les vecteurs de référence et  $\bar{V}_C(x, y)$  est le vecteur qui portera la marque.

Si  $D_{A,C}(x, y) > D_{A,B}(x, y)$  et  $D_{A,C}(x, y) > D_{B,C}(x, y)$ , alors  $\bar{V}_A(x, y)$  et  $\bar{V}_C(x, y)$  sont les vecteurs de référence et  $\bar{V}_B(x, y)$  est le vecteur qui portera la marque.

Si  $D_{B,C}(x, y) > D_{A,B}(x, y)$  et  $D_{B,C}(x, y) > D_{A,C}(x, y)$ , alors  $\bar{V}_B(x, y)$  et  $\bar{V}_C(x, y)$  sont les vecteurs de référence et  $\bar{V}_A(x, y)$  est le vecteur qui portera la marque.

Dans un mode de réalisation particulier de l'invention, les distances entre les vecteurs sont calculées, deux à deux, pour chacune des 256 coordonnées possibles (16\*16 coefficients d'ondelettes dans les images de détails).

$$D_{R,G}(x, y) = |\bar{V}_R(x, y) - \bar{V}_G(x, y)|$$

$$D_{R,B}(x, y) = |\bar{V}_R(x, y) - \bar{V}_B(x, y)|$$

$$D_{G,B}(x,y) = |\vec{V}_G(x,y) - \vec{V}_B(x,y)|$$

Si  $D_{R,G}(x,y) > D_{R,B}(x,y)$  et  $D_{R,G}(x,y) > D_{G,B}(x,y)$ , alors  $\vec{V}_R(x,y)$  et  $\vec{V}_G(x,y)$  sont les vecteurs de référence et  $\vec{V}_B(x,y)$  le vecteur qui portera la marque.

5 Si  $D_{R,B}(x,y) > D_{R,G}(x,y)$  et  $D_{R,B}(x,y) > D_{G,B}(x,y)$ , alors  $\vec{V}_R(x,y)$  et  $\vec{V}_B(x,y)$  sont les vecteurs de référence et  $\vec{V}_G(x,y)$  le vecteur qui portera la marque.

Si  $D_{G,B}(x,y) > D_{R,G}(x,y)$  et  $D_{G,B}(x,y) > D_{R,B}(x,y)$ , alors  $\vec{V}_G(x,y)$  et  $\vec{V}_B(x,y)$  sont les vecteurs de référence et  $\vec{V}_R(x,y)$  le vecteur qui portera la  
10 marque.

### 3.3 Définition et choix de la convention de marquage

Pour chaque coordonnée des images de détails, on cherche à connaître le nombre de fois que les vecteurs  $\vec{V}_A(x,y)$ ,  $\vec{V}_B(x,y)$  et  $\vec{V}_C(x,y)$  sont utilisés comme référence. Cette étape permet ainsi de choisir la meilleure convention pour  
15 l'opération d'insertion (voir figures 6a à 6c), pour minimiser le conflit qui sera expliqué plus en détail au §3.5.

Si  $\vec{V}_A(x,y)$  est le vecteur le moins utilisé comme référence, on choisit la convention 3, illustrée en figure 6c.

Si  $\vec{V}_B(x,y)$  est le vecteur le moins utilisé comme référence, on choisit la  
20 convention 1, illustrée en figure 6a.

Si  $\vec{V}_C(x,y)$  est le vecteur le moins utilisé comme référence, on choisit la convention 2, illustrée en figure 6b.

Ainsi, dans le cas de l'image 'Maison' illustrée en figures 8a (image originale) et 8b (image marquée), le vecteur  $\vec{V}_R(x,y)$  est utilisé 235 fois en tant  
25 que vecteur référence, le vecteur  $\vec{V}_G(x,y)$ , 108 fois et le vecteur  $\vec{V}_B(x,y)$ , 169 fois. Pour minimiser le conflit, on utilise donc la convention 1, présentée sur la figure 6a.

Toutefois, il est conseillé de faire un choix précis dans le cas des images de petite taille. Le choix automatique de la convention de marquage est mieux  
30 adapté aux images de grande taille (au moins quelques milliers de pixels).

### 3.4 Opération d'insertion

Le marquage consiste à modifier le vecteur en plaçant son extrémité plus près de l'extrémité de l'un des deux vecteurs de référence, en fonction de la valeur de la marque (0 ou 1), et cela pour chaque coordonnées 50, ainsi qu'illustré par la figure 5. On note  $\vec{V}_{R1}(x, y)$  et  $\vec{V}_{R2}(x, y)$  (51 et 52) les deux vecteurs de référence et  $\vec{V}_M(x, y)$  le vecteur à marquer 53.

De façon générale, le marquage se présente sous la forme :

$$\vec{V}_{M,W}(x, y) = \vec{V}_R(x, y) - (1 - F_M)(\vec{V}_R(x, y) - \vec{V}_M(x, y)) \quad (1)$$

avec suivant le cas :  $\vec{V}_R = \vec{V}_{R1}$  ou  $\vec{V}_R = \vec{V}_{R2}$  suivant la valeur de M et la convention choisie.

$F_M$  représente la force de marquage appliquée au vecteur  $\vec{V}_M(x, y)$  avec  $M = \{A, B, C\}$ . La force de marquage peut être ainsi adaptée en fonction des caractéristiques (colorimétrique ou de texture) locales de l'image.

Deux cas de figure peuvent se présenter, ainsi qu'illustré pour un cas particulier par la figure 7.

Suivant la convention choisie et suivant la valeur de la marque  $W(x, y)$  :

- le vecteur  $\vec{V}_M(x, y)$  73 est déjà dans le demi-espace correct où  $\vec{V}_{M,W}(x, y)$  doit être placé. Dans ce cas, la formule (1) peut être appliquée directement à  $\vec{V}_M(x, y)$  73.

Ce cas de figure est illustré sur la figure 7, en considérant le cas particulier où  $W(x, y) = 1$ , et où la convention impose que  $\vec{V}_{M,W}(x, y)$  soit dans le demi-espace contenant  $\vec{V}_{R2}(x, y)$  72.

- le vecteur  $\vec{V}_M(x, y)$  73 n'est pas dans le demi-espace correct où  $\vec{V}_{M,W}(x, y)$  doit être placé. Dans ce cas, avant d'appliquer la formule (1) à  $\vec{V}_M(x, y)$  73, il faut modifier la position de l'extrémité de ce vecteur. Pour cela, il faut déplacer cette extrémité dans une direction colinéaire au vecteur  $\vec{V}_{col}(x, y) = \vec{V}_{R1}(x, y) - \vec{V}_{R2}(x, y)$ , d'une distance  $(D_m + \varepsilon)$ , où  $D_m$  est équivalente à la distance entre  $\vec{V}_M(x, y)$  73 et  $(P_M)$  (où  $P_M$  est la frontière entre les deux demi-espaces associés à chacun des vecteurs de référence 71 et 72). On choisit de préférence  $\varepsilon$  égal à 10% de  $D_m$ , de façon à ce que  $\vec{V}_M(x, y)$  73 ne soit pas confondu avec  $(P_M)$ .

Ce cas de figure est illustré sur la figure 7, en considérant le cas particulier où  $W(x,y)=0$ , et où la convention impose que  $\vec{V}_{M,W}(x,y)$  soit dans le demi-espace contenant  $\vec{V}_{R1}(x,y)$  71.

On notera que dans le cas où  $F_M = 0$ , le marquage est de robustesse minimum. Le vecteur  $\vec{V}_M(x,y)$  73 devient  $\vec{V}_{M,W}(x,y)$  par simple déplacement (si nécessaire) dans le demi-espace correspondant aux positions des vecteurs de référence 71 et 72, à la valeur de la marque et à la convention choisie. L'image est ainsi dégradée au minimum.

Dans le cas où  $F_M = 1$ , la force de marquage est maximum. La marque est très robuste, mais a une grande probabilité d'être visible.  $\vec{V}_{M,W}(x,y)$  devient alors confondu à l'un des vecteurs de référence 71 et 72 en fonction de la situation précédemment indiquée.

Le fait de choisir une valeur intermédiaire à  $F_M$  permet de contrôler le compromis entre invisibilité et robustesse de la marque.

### 15 3.5 Conflit

Les schémas de convention de marquage définissent le sens du marquage pour chacun des cas de figures possibles. Dans le cas où la force de marquage  $F_M=1$ , c'est-à-dire qu'elle est maximum, le vecteur marqué devient égal à un vecteur de référence.

20 Ainsi, sur les figures 6a à 6c, on remarque que, pour chacune des conventions, les bits de la marque sont opposés pour l'une des branches des triangles de convention. Un conflit est alors possible. En effet, lors de la transmission de l'image marquée ou des traitements qu'elle peut subir, les deux vecteurs confondus peuvent être sensiblement modifiés. Il est alors possible que le

25 vecteur de référence devienne le vecteur marqué et vice-versa.

Lors de la détection de la marque (qui sera décrite plus en détail au §5 ci-dessous), des erreurs de détection peuvent alors être intégrées à cause de ce conflit. Le conflit est minimisé si la convention choisie minimise ce cas de figure. L'étape de choix de la convention proposée au §4.3 ci-dessus est donc

30 particulièrement importante.



Dans le cas d'un conflit, l'opération de marquage devient :

$$\bar{V}_{M,W}(x,y) = \bar{V}_R(x,y) - \text{beta} \cdot (1 - F_M)(\bar{V}_R(x,y) - \bar{V}_M(x,y))$$

où  $\text{beta} < 1$ .

Ainsi le choix de la convention permet de minimiser le nombre de conflits, et les erreurs dues aux conflits sont aussi minimisées par l'application d'un facteur  $\text{beta}$  dans l'opération de marquage.

Dans un mode de réalisation particulier de l'invention, les forces de marquage utilisées sont les suivantes :  $F_R=0,4$  (pour la composante rouge) ;  $F_G=0,4$  (pour la composante verte) ;  $F_B=0,8$  (pour la composante bleue), avec  $\text{beta} = 0,9$  (en cas de conflit).

### 3.6 Reconstruction de l'image

L'image est ensuite reconstruite par transformée en ondelettes inverse, en tenant compte des coefficients modifiés par le marquage. Ainsi, la figure 8b illustre l'image « maison » marquée, reconstruite par transformée en ondelettes inverse, et la figure 8a présente la même image avant marquage.

## 4. Détection de la marque

On décrit désormais les différentes opérations mises en œuvre lorsque l'on cherche à détecter une marque dans une image couleur tatouée selon l'invention. En effet, après traitement de la marque (transmission, compression JPEG, filtrage médian ou ajout de bruit), la marque peut être détectée.

### 4.1 Décomposition en ondelettes

L'opération de décomposition dans le domaine des ondelettes de l'image marquée est identique à celle effectuée dans le cadre du marquage, présentée au paragraphe 1 ci-dessus.

### 4.2 Définition des vecteurs et choix de la convention

De même, les opérations de définition des vecteurs et du choix de la convention de marquage sont identiques à celles définies précédemment dans les paragraphes 3.1, 3.2 et 3.3.

### 4.3 Récupération d'un bit de la marque détectée



Pour chaque coordonnée, on vérifie la proximité entre le vecteur marqué et les deux vecteurs de référence. Suivant la convention choisie, il est possible de reconnaître la valeur du bit intégré. Le tableau 1 ci-dessous présente tous les cas de figure possibles dans la reconstruction de la marque. La marque est ainsi reconstruite bit par bit.

	convention 1	convention 2	convention 3
$ \vec{V}_A(x, y) - \vec{V}_B(x, y)  <  \vec{V}_A(x, y) - \vec{V}_C(x, y) $	0	0	1
$ \vec{V}_A(x, y) - \vec{V}_C(x, y)  <  \vec{V}_A(x, y) - \vec{V}_B(x, y) $	1	1	0
$ \vec{V}_B(x, y) - \vec{V}_A(x, y)  <  \vec{V}_B(x, y) - \vec{V}_C(x, y) $	0	1	1
$ \vec{V}_B(x, y) - \vec{V}_C(x, y)  <  \vec{V}_B(x, y) - \vec{V}_A(x, y) $	1	0	0
$ \vec{V}_C(x, y) - \vec{V}_A(x, y)  <  \vec{V}_C(x, y) - \vec{V}_B(x, y) $	0	1	0
$ \vec{V}_C(x, y) - \vec{V}_B(x, y)  <  \vec{V}_C(x, y) - \vec{V}_A(x, y) $	1	0	1

#### 4.4 Reconstruction de la signature

La signature détectée est ensuite reconstruite à partir de la marque détectée. Pour cela, la moyenne des bits de la marque correspondant à une coordonnée de la signature est effectuée, selon un principe similaire à celui utilisé lors de la construction de la marque décrite au paragraphe 2. Ainsi, la signature détectée  $\hat{S}$  est reconstruite, bit par bit.

En d'autres termes, on commence, pour chaque coordonnée des images de détails, par détecter chaque bit de la marque, en s'appuyant sur la tableau ci-dessus, qui indique la valeur du bit inséré, pour chacune des conventions des figures 6a à 6c, en fonction des distances entre vecteurs.

Dans un mode de réalisation particulier de l'invention, la signature  $\hat{S}$  de 16 bits est ensuite reconstruite par le calcul de la moyenne des 16 valeurs de la marque pour chaque coordonnée correspondante, suivant la forme de la redondance définie dans le paragraphe 2.

#### 4.5 Reconnaissance de la signature marquée par rapport à la signature initiale

Il reste à définir le taux de correspondance entre la signature initiale et la signature détectée. Pour cela, on effectue le calcul de la corrélation entre les deux signatures  $S$  et  $\hat{S}$  par l'opération suivante :

$$cc(S, \hat{S}) = \frac{\sum S(x, y) * \hat{S}(x, y)}{\sqrt{\sum S^2(x, y)} \sqrt{\sum \hat{S}^2(x, y)}}$$

- 5 Les deux signatures correspondent si  $cc(S, \hat{S}) \geq T$ , où  $T$  est le seuil de décision pour la correspondance des signatures.

Ce calcul de corrélation permet de définir le taux de ressemblance entre la signature originale  $S$  et la signature détectée  $\hat{S}$ . Dans un mode de réalisation particulier de l'invention, on fixe le seuil  $T$  à 0,7, de sorte que l'on considère que  
10 si  $cc(S, \hat{S}) \geq 0,7$ , la signature détectée correspond à la signature originale.

Comme indiqué précédemment, les figures 8a et 8b présentent une image originale, et l'image marquée correspondante, selon les paramètres du mode de réalisation particulier de l'invention exposé ci-dessus.

- Les figures 9a à 9c illustrent, sous forme de graphes, les résultats de tests  
15 de robustesse de la marque insérée sur l'image « maison » des figures 8a et 8b. Les graphes des figures 9a à 9c correspondent respectivement aux tests de la marque face aux attaques de compression JPEG, à l'ajout de bruit et au filtrage médian, et représentent la moyenne de 20 mesures (utilisation de 20 clefs  $K$  différentes) pour chaque attaque. Comme on peut le voir, les résultats sont stables,  
20 et la robustesse de la technique de tatouage de l'invention contre ces attaques est très bonne.

## **ANNEXE 1: RAPPEL SUR LA THÉORIE DES ONDELETTES**

### **1. Introduction**

La théorie des ondelettes permet d'approximer une fonction (courbe, surface, etc.) à différentes résolutions. Ainsi, cette théorie permet de décrire une fonction sous la forme d'une approximation grossière et d'une série de détails permettant de reconstruire parfaitement la fonction originale.

Une telle représentation multi-résolution (Mallat S., "A Theory for Multiresolution Signal Decomposition: the Wavelet Representation", IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence, Vol. 11, No. 7, Juillet 1989, pp. 674-693.) d'une fonction permet donc d'interpréter de façon hiérarchique l'information contenue dans la fonction. Pour ce faire, cette information est réorganisée en un ensemble de détails apparaissant à différentes résolutions. Partant d'une séquence de résolutions croissantes  $(r_j)_{j \in \mathbb{Z}}$ , les détails d'une fonction à la résolution  $r_j$  sont définis comme la différence d'information entre son approximation à la résolution  $r_j$  et son approximation à la résolution  $r_{j+1}$ .

### **2. Notations**

Avant de présenter plus en détail les fondements de l'analyse multi-résolution, on présente dans cette section les notations utilisées.

❖ Les ensembles des nombres entiers et réels sont respectivement notés  $\mathbb{Z}$  et  $\mathbb{R}$ .

❖  $L^2(\mathbb{R})$  dénote l'espace vectoriel des fonctions unidimensionnelles  $f(x)$  mesurables et intégrables.

❖ Pour  $f(x) \in L^2(\mathbb{R})$  et  $g(x) \in L^2(\mathbb{R})$ , le produit scalaire de  $f(x)$  et  $g(x)$  est défini par :

$$\langle f(x), g(x) \rangle = \int_{-\infty}^{+\infty} f(u)g(u)du .$$

❖ Pour  $f(x) \in L^2(\mathbb{R})$  et  $g(x) \in L^2(\mathbb{R})$ , la convolution de  $f(x)$  et  $g(x)$  est définie par :

$$f * g(x) = \int_{-\infty}^{+\infty} f(u)g(x-u)du .$$

❖  $L^2(\mathbb{R}^2)$  dénote l'espace vectoriel des fonctions  $f(x,y)$  de deux variables mesurables et intégrables.

- ❖ Pour  $f(x,y) \in L^2(R^2)$  et  $g(x,y) \in L^2(R^2)$ , le produit scalaire de  $f(x,y)$  et  $g(x,y)$  est défini par :

$$\langle f(x,y), g(x,y) \rangle = \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} f(u,v)g(u,v)dudv.$$

### 3. Propriétés de l'analyse multi-résolution

- 5 Dans cette section, on présente de manière intuitive les propriétés désirées de l'opérateur permettant l'analyse multi-résolution d'une fonction. Ces propriétés sont issues des travaux de Mallat S., dans "A Theory for Multiresolution Signal Decomposition: the Wavelet Representation", IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence, Vol. 11, No. 7, Juillet 1989, pp. 674-693.
- 10 Soit  $A_{2^j}$  l'opérateur qui approxime une fonction  $f(x) \in L^2(R)$  à la résolution  $2^j$  ( $j \geq 0$ ) (i.e.  $f(x)$  est définie par  $2^j$  échantillons).

Les propriétés attendues de  $A_{2^j}$  sont les suivantes :

1.  $A_{2^j}$  est un opérateur linéaire. Si  $A_{2^j}f(x)$  représente l'approximation de  $f(x)$  à la résolution  $2^j$ , alors  $A_{2^j}f(x)$  ne doit pas être modifié lorsqu'on  
15 l'approxime de nouveau à la résolution  $2^j$ . Ce principe s'écrit  $A_{2^j} \circ A_{2^j} = A_{2^j}$ , et montre que l'opérateur  $A_{2^j}$  est un opérateur de projection dans un espace vectoriel  $V_{2^j} \subset L^2(R)$ . Cet espace vectoriel peut être interprété comme l'ensemble de toutes les approximations possibles à la résolution  $2^j$  des fonctions de  $L^2(R)$ .
- 20 2. Parmi toutes les approximations possibles de  $f(x)$  à la résolution  $2^j$ ,  $A_{2^j}f(x)$  est la plus similaire à  $f(x)$ . L'opérateur  $A_{2^j}$  est donc une projection orthogonale sur  $V_{2^j}$ .
3. L'approximation d'une fonction à la résolution  $2^{j+1}$  contient toute l'information nécessaire pour calculer la même fonction à la résolution  
25 inférieure  $2^j$ . Cette propriété de causalité induit la relation suivante :

$$\forall j \in \mathbb{Z}, V_{2^j} \subset V_{2^{j+1}}.$$

4. L'opération d'approximation est la même à toutes les résolutions. Les espaces des fonctions approximées peuvent être dérivés les uns des autres par un changement d'échelle correspondant à la différence de résolution :

$$30 \quad \forall j \in \mathbb{Z}, f(x) \in V_{2^j} \Leftrightarrow f(2x) \in V_{2^{j+1}}.$$

5. Lorsque l'on calcule une approximation de  $f(x)$  à la résolution  $2^j$ , une partie de l'information contenue dans  $f(x)$  est perdue. Cependant, lorsque la résolution tend vers l'infini, la fonction approximée doit converger vers la fonction  $f(x)$  originale. De la même façon, lorsque la résolution tend vers zéro, la fonction approximée contient moins d'information et doit converger vers zéro.

Tout espace vectoriel  $(V_{2^j})_{j \in \mathbb{Z}}$  qui satisfait l'ensemble de ces propriétés est appelé *approximation multi-résolution de  $L^2(R)$* .

#### 4. Analyse multi-résolution d'une fonction unidimensionnelle

##### 10. 4.1 Recherche d'une base de $V_{2^j}$

Comme indiqué ci-dessus, l'opérateur d'approximation  $A_{2^j}$  est une projection orthogonale sur l'espace vectoriel  $V_{2^j}$ . Afin de caractériser numériquement cet opérateur, il faut trouver une base orthonormale de  $V_{2^j}$ .

- 15  $V_{2^j}$  étant un espace vectoriel contenant les approximations de fonctions de  $L^2(R)$  à la résolution  $2^j$ , toute fonction  $f(x) \in V_{2^j}$  peut être vue comme un vecteur à  $2^j$  composantes. Il faut donc trouver  $2^j$  fonctions de base.

Un des théorèmes principaux de la théorie des ondelettes stipule qu'il existe une fonction unique  $\Phi(x) \in L^2(R)$ , appelée fonction échelle, à partir de laquelle on peut définir  $2^j$  fonctions de base  $\Phi_i^j(x)$  de  $V_{2^j}$  par dilatation et translation de

20  $\Phi(x)$  :

$$\Phi_i^j(x) = \Phi(2^j x - i), i = 0, \dots, 2^j - 1.$$

- Approximer une fonction  $f(x) \in L^2(R)$  à la résolution  $2^j$  revient donc à projeter de façon orthogonale  $f(x)$  sur les  $2^j$  fonctions de base  $\Phi_i^j(x)$ . Cette opération consiste à calculer le produit scalaire de  $f(x)$  avec chacune des  $2^j$  fonctions de
- 25 base  $\Phi_i^j(x)$  :

$$\begin{aligned} A_{2^j} f(x) &= \sum_{k=0}^{2^j-1} \langle f(u), \Phi_k^j(u) \rangle \Phi_k^j(x) \\ &= \sum_{k=0}^{2^j-1} \langle f(u), \Phi(2^j u - k) \rangle \Phi(2^j u - k). \end{aligned}$$

On peut montrer que  $A_{2^j} f(x)$  peut être réduit la convolution de  $f(x)$  avec le filtre passe-bas  $\Phi(x)$ , évaluée au point  $k$  :

$$A_{2^j} f = (f(u) * \Phi(-2^j u))(k), k \in \mathbb{Z}.$$

Comme  $\Phi(x)$  est un filtre passe-bas,  $A_{2^j} f$  peut être interprété comme un filtrage passe-bas suivi d'un sous-échantillonnage uniforme.

#### 4.2 Construction de l'analyse multi-résolution

- 5 Dans la pratique, les fonctions  $f$  à approximer (signal, image, etc.) sont discrètes. Supposons que la fonction  $f(x)$  originale soit définie sur  $n = 2^k$  ( $k \in \mathbb{Z}$ ) échantillons. La résolution maximale de  $f(x)$  est alors  $n$ .

Soit  $A_n f$  l'approximation discrète de  $f(x)$  à la résolution  $n$ . La propriété de causalité (voir §3 ci-dessus) prétend que l'on peut calculer  $A_{2^j} f$  à partir de  $A_n f$

- 10 pour tout  $j < k$ .

En effet, en calculant la projection des  $2^j$  fonctions de base  $\Phi_i^j(x)$  de  $V_{2^j}$  sur  $V_{2^{j+1}}$ , on peut montrer que  $A_{2^j} f$  peut être obtenue en convoluant  $A_{2^{j+1}} f$  avec le filtre passe-bas correspondant à la fonction échelle et en sous-échantillonnant le résultat d'un facteur 2 :

$$15 \quad A_{2^j} f(u) = \sum_{k=0}^{2^{j+1}-1} h(k-2u) A_{2^{j+1}} f(k), 0 \leq u < 2^j - 1$$

avec  $h(n) = \langle \Phi(2u), \Phi(u-n) \rangle, \forall n \in \mathbb{Z}$ .

#### 4.3 La fonction détail

- Comme mentionné dans la propriété (5) du paragraphe 3, l'opération qui consiste à approximer une fonction  $f(x)$  à une résolution  $2^j$  à partir d'une approximation à la résolution  $2^{j+1}$  génère une perte d'information. Cette perte d'information est contenue dans une fonction appelée fonction détail à la résolution  $2^j$  et notée  $D_{2^j} f$ . Il est à noter que la connaissance de  $D_{2^j} f$  et  $A_{2^j} f$  permet de reconstruire parfaitement la fonction approximée  $A_{2^{j+1}} f$ .

- 25 La fonction détail à la résolution  $2^j$  est obtenue en projetant de manière orthogonale la fonction originale  $f(x)$  sur le complément orthogonal de  $V_{2^j}$  dans  $V_{2^{j+1}}$ . Soit  $W_{2^j}$  cet espace vectoriel.

Pour calculer numériquement cette projection, il faut trouver une base orthonormale de  $W_{2^j}$ , c'est-à-dire  $2^j$  fonctions de base. Un autre théorème important de la théorie des ondelettes stipule qu'à partir d'une fonction échelle

$\Phi(x)$ , il est possible de définir  $2^j$  fonctions de base de  $W_{2^j}$ . Ces fonctions de base  $\Psi_i^j(x)$  sont obtenues par dilatation et translation d'une fonction  $\Psi(x)$  appelée fonction ondelette :

$$\Psi_i^j(x) = \Psi(2^j x - i), i = 0, \dots, 2^j - 1.$$

- 5 De la même façon que pour la construction de l'approximation  $A_{2^j} f$ , on peut montrer que  $D_{2^j} f$  peut être obtenu par une convolution de la fonction originale  $f(x)$  avec le filtre passe-haut  $\Psi(x)$  suivi d'un sous-échantillonnage d'un facteur  $2^j$  :

$$D_{2^j} f = (f(u) * \Psi(-2^j u))(k), k \in \mathbb{Z}.$$

#### 10 4.4 Extension à l'analyse multi-résolution de fonction bi-dimensionnelles

Dans cette section, on présente la manière d'étendre l'analyse multi-résolution par ondelettes aux fonctions de  $L^2(\mathbb{R}^2)$  comme les images.

Pour ce faire, on utilise les mêmes théorèmes que ceux utilisés précédemment. Ainsi, si l'on note  $V_{2^j}$  l'espace vectoriel des approximations de  $L^2(\mathbb{R}^2)$  à la

- 15 résolution  $2^j$ , on peut montrer que l'on peut trouver une base orthonormale de  $V_{2^j}$  en dilatant et translatant une fonction échelle  $\Phi(x, y) \in L^2(\mathbb{R}^2)$  :

$$\Phi_i^j(x, y) = \Phi(2^j x - i, 2^j y - j), (i, j) \in \mathbb{Z}^2.$$

Dans le cas particulier des approximations séparables de  $L^2(\mathbb{R}^2)$ , on a  $\Phi(x, y) = \Phi(x)\Phi(y)$  où  $\Phi(x)$  est une fonction échelle de  $L^2(\mathbb{R})$ . Dans ce cas,

- 20 l'analyse multi-résolution d'une fonction de  $L^2(\mathbb{R}^2)$  est effectué en traitant de façon séquentielle et séparable chacune des dimensions  $x$  et  $y$ .

Comme dans le cas unidimensionnel, la fonction détail à la résolution  $2^j$  est obtenue par une projection orthogonale de  $f(x, y)$  sur le complément de  $V_{2^j}$  dans  $V_{2^{j+1}}$ , noté  $W_{2^j}$ . Dans le cas bidimensionnel, on peut montrer que si l'on note

- 25  $\Psi(x)$  la fonction ondelette associé à la fonction échelle  $\Phi(x)$ , alors les trois fonctions définies par :

$$\Psi^1(x, y) = \Phi(x)\Psi(y)$$

$$\Psi^2(x, y) = \Psi(x)\Phi(y)$$

$$\Psi^3(x, y) = \Psi(x)\Psi(y)$$

sont des fonctions ondelettes de  $L^2(R^2)$ . En dilatant et translatant ces trois fonctions ondelettes, on obtient une base orthonormale de  $W_{2^j}$  :

$$\Psi_j^1(x, y) = \Phi \Psi(2^j x - k, 2^j y - l)$$

$$\Psi_j^2(x, y) = \Psi \Phi(2^j x - k, 2^j y - l)$$

$$\Psi_j^3(x, y) = \Psi \Psi(2^j x - k, 2^j y - l).$$

La projection de  $f(x, y)$  sur ces trois fonctions de la base de  $W_{2^j}$  donne trois

5 fonctions détails :

$$D_{2^j}^1 f = f(x, y) * \Phi^j(-x) \Psi_j(-y)$$

$$D_{2^j}^2 f = f(x, y) * \Psi^j(-x) \Phi_j(-y)$$

$$D_{2^j}^3 f = f(x, y) * \Psi^j(-x) \Psi_j(-y)$$



## REVENDEICATIONS

1. Procédé de tatouage d'une image en couleurs, présentant trois composantes,  
caractérisé en ce qu'il comprend une étape d'insertion d'une marque de tatouage,  
5 en au moins un point de l'image, selon une règle d'insertion prenant en compte la position relative de trois vecteurs de composante, pour chacune desdites composantes respectivement, associés audit au moins un point.
2. Procédé de tatouage selon la revendication 1, caractérisé en ce qu'on sélectionne, pour chacun desdits points concernés, deux vecteurs en tant que  
10 vecteurs de référence et un vecteur à marquer pour porter ladite marque de tatouage.
3. Procédé de tatouage selon la revendication 2, caractérisé en ce que ledit vecteur à marquer est le vecteur central, se trouvant entre lesdits vecteurs de référence.
- 15 4. Procédé de tatouage selon la revendication 3, caractérisé en ce qu'on calcule les distances deux à deux entre lesdits trois vecteurs, lesdits vecteurs de référence étant ceux les plus distants l'un de l'autre.
5. Procédé de tatouage selon la revendication 4, caractérisé en ce qu'on détermine une frontière entre lesdits vecteurs de référence, définissant deux zones  
20 associées respectivement aux valeurs binaires « 0 » et « 1 ».
6. Procédé de tatouage selon la revendication 5, caractérisé en ce que ladite frontière est définie par la bissectrice entre lesdits vecteurs de référence.
7. Procédé de tatouage selon l'une quelconque des revendications 5 et 6, caractérisé en ce que le marquage dudit vecteur à marquer comprend un  
25 déplacement éventuel dudit vecteur à marquer dans l'une desdites zones, selon la valeur binaire de marquage à appliquer.
8. Procédé de tatouage selon la revendication 7, caractérisé en ce que ledit déplacement a une amplitude variable, fonction d'une force de marquage choisie en fonction d'au moins une caractéristique locale de ladite image.
- 30 9. Procédé de tatouage selon l'une quelconque des revendications 5 à 8,

caractérisé en ce que le marquage dudit vecteur à marquer comprend un déplacement éventuel dudit vecteur à marquer vers l'un ou l'autre desdits vecteurs de référence, selon la valeur binaire de marquage à appliquer.

10. Procédé de tatouage selon l'une quelconque des revendications 1 à 9, caractérisé en ce qu'il comprend également une étape de transformation en ondelettes de chacune desdites composantes de l'image, et en ce que lesdits trois vecteurs de composantes sont déterminés, pour chaque point d'au moins un niveau de décomposition de ladite transformation en ondelettes, pour chacune desdites composantes respectivement.

10 11. Procédé de tatouage selon l'une quelconque des revendications 1 à 10, caractérisé en ce qu'on prévoit au moins deux conventions de marquage d'un vecteur.

12. Procédé de tatouage selon la revendication 11, caractérisé en ce qu'on choisit comme convention de marquage pour une image donnée celle limitant les risques de conflit lors de la détection de ladite marque.

13. Procédé de tatouage selon la revendication 12, caractérisé en ce qu'on choisit une desdites conventions en fonction des nombres de vecteurs de référence présent dans ladite image pour chacune desdites composantes.

14. Procédé de tatouage selon l'une quelconque des revendications 6 à 13, caractérisé en ce que ledit marquage est, au moins dans des situations normales, calculé selon l'équation suivante :

$$\vec{V}_{M,W}(x,y) = \vec{V}_R(x,y) - (1 - F_M)(\vec{V}_R(x,y) - \vec{V}_M(x,y))$$

où  $\vec{V}_M(x,y)$  est ledit vecteur à marquer,  $\vec{V}_R(x,y)$  est un desdits vecteurs de référence,  $F_M$  est ladite force de marquage et  $\vec{V}_{M,W}(x,y)$  est ledit vecteur marqué.

15. Procédé de tatouage selon les revendications 11 et 14, caractérisé en ce que, en cas de conflit, ledit marquage est calculé selon l'équation suivante :

$$\vec{V}_{M,W}(x,y) = \vec{V}_R(x,y) - \text{beta} \cdot (1 - F_M)(\vec{V}_R(x,y) - \vec{V}_M(x,y)),$$

où  $\text{beta} < 1$ .

16. Procédé de tatouage selon l'une quelconque des revendications 10 à 15, caractérisé en ce qu'il comprend, après ladite étape d'association d'une marque de

tatouage, une étape de transformation en ondelettes inverse, délivrant une image marquée.

17. Procédé de tatouage selon l'une quelconque des revendications 1 à 15, caractérisé en ce que ladite marque est une signature binaire pseudo-aléatoire écrite de façon redondante.

18. Procédé de tatouage selon l'une quelconque des revendications 1 à 17, caractérisé en ce que lesdites composantes appartiennent au groupe comprenant :

- les composantes RGB ;
- les composantes YUV ;
- 10 - les composantes CMY.

19. Dispositif de tatouage d'une image en couleurs, présentant trois composantes, caractérisé en ce qu'il comprend des moyens d'insertion d'une marque de tatouage, en au moins un point de l'image, selon une règle d'insertion prenant en compte la position relative de trois vecteurs de composante, pour chacune desdites composantes respectivement, associés audit au moins un point.

20. Programme d'ordinateur comprenant des instructions de code de programme enregistré sur un support utilisable dans un ordinateur pour le tatouage d'une image en couleurs, présentant trois composantes, caractérisé en ce que ledit programme comprend des moyens de programmation lisibles par ordinateur pour effectuer une étape d'insertion d'une marque de tatouage, en au moins un point de l'image, selon une règle d'insertion prenant en compte la position relative de trois vecteurs de composante, pour chacune desdites composantes respectivement, associés audit au moins un point.

21. Image en couleurs présentant trois composantes et comprenant un tatouage obtenu par insertion d'une marque de tatouage, en au moins un point de l'image, selon une règle d'insertion prenant en compte la position relative de trois vecteurs de composante, pour chacune desdites composantes respectivement, associés audit au moins un point.

22. Procédé de détection d'un tatouage dans une image tatouée, réalisé selon le

procédé de l'une quelconque des revendications 1 à 18, caractérisé en ce qu'il comprend une étape de récupération d'une marque de tatouage, en au moins un point de l'image, selon une règle de récupération prenant en compte la position relative de trois vecteurs de composante, pour chacune desdites composantes respectivement, associés audit au moins un point.

23. Procédé de détection selon la revendication 22, caractérisé en ce que ladite étape de récupération comprend une sous-étape de calcul des distances deux à deux entre lesdits trois vecteurs, et en ce que les deux vecteurs les plus distants l'un de l'autre sont des vecteurs de référence, le troisième vecteur étant le vecteur marqué portant ladite marque de tatouage.

24. Procédé de détection selon la revendication 23, caractérisé en ce que, une frontière entre lesdits vecteurs de référence définissant deux zones associées respectivement aux valeurs binaires « 0 » et « 1 », ladite étape de récupération comprend également une sous-étape de repérage de la zone dans laquelle se situe ledit vecteur marqué, et une étape d'association d'une valeur binaire correspondante.

25. Procédé de détection selon l'une quelconque des revendications 22 à 24, caractérisé en ce que ladite marque est récupérée au moins deux fois, et en ce qu'on met en œuvre un calcul de corrélation par rapport à une signature de référence, afin de décider si le tatouage est ou non correctement détecté.

26. Dispositif de détection d'un tatouage dans une image tatouée, réalisé selon le procédé de l'une quelconque des revendications 1 à 18, caractérisé en ce qu'il comprend des moyens de récupération d'une marque de tatouage, en au moins un point de l'image, selon une règle de récupération prenant en compte la position relative de trois vecteurs de composante, pour chacune desdites composantes respectivement, associés audit au moins un point.

27. Programme d'ordinateur comprenant des instructions de code de programme enregistré sur un support utilisable dans un ordinateur pour la détection d'un tatouage dans une image tatouée, réalisé selon le procédé de l'une quelconque des revendications 1 à 18, caractérisé en ce que ledit programme

- comprend des moyens de programmation lisibles par ordinateur pour effectuer une étape de récupération d'une marque de tatouage, en au moins un point de l'image, selon une règle de récupération prenant en compte la position relative de trois vecteurs de composante, pour chacune desdites composantes respectivement,
- 5 associés audit au moins un point.

1/6

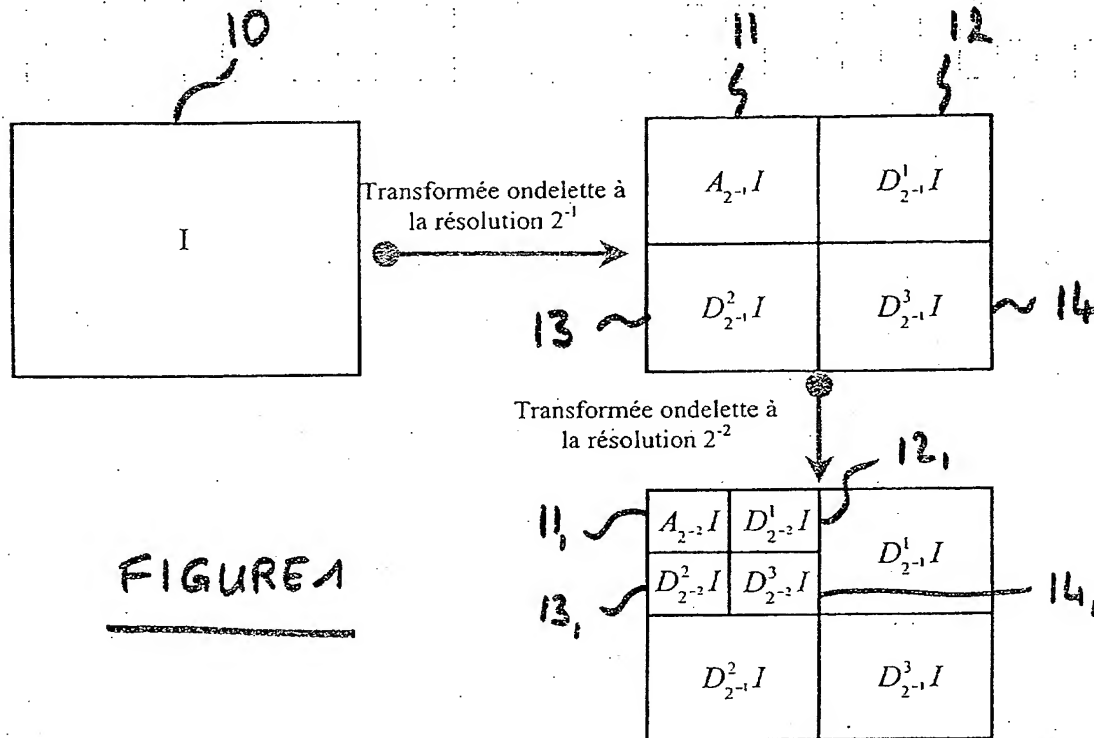


FIGURE 1

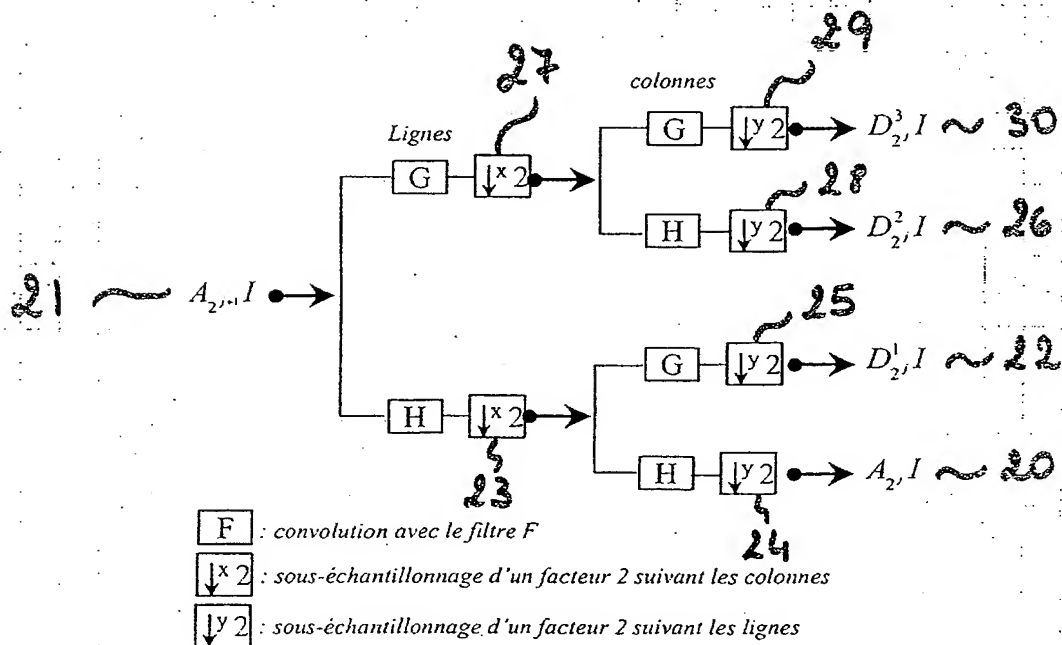


FIGURE 2

1/6

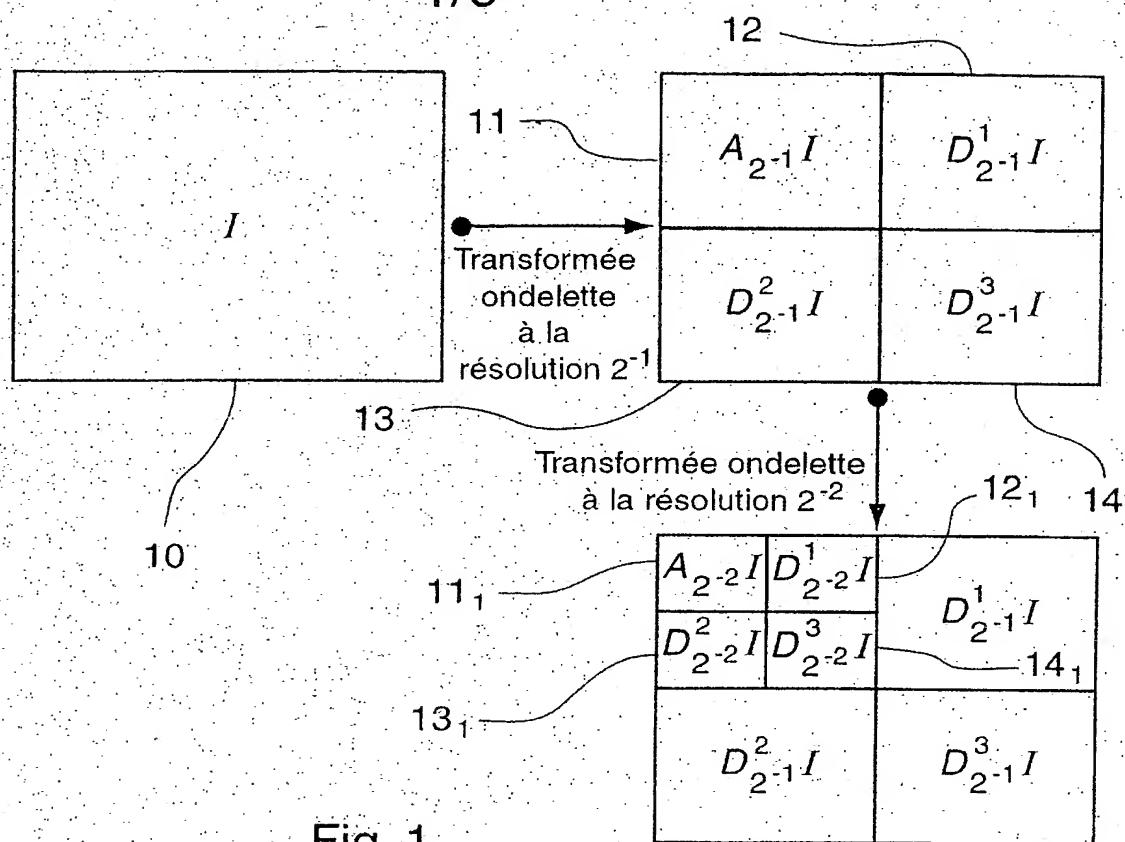


Fig. 1

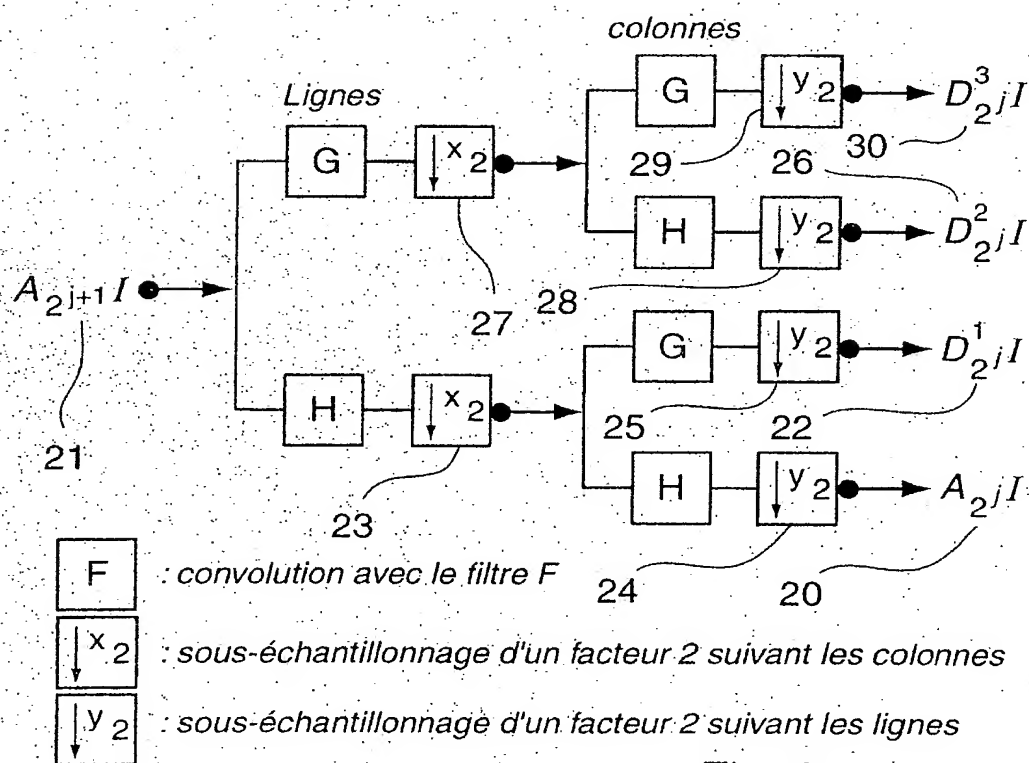


Fig. 2

Dessins provisoires  
Cabinet VIDON  
Dossier R8858FR  
France TELECOM  
UNIVERSITE DE POITIERS

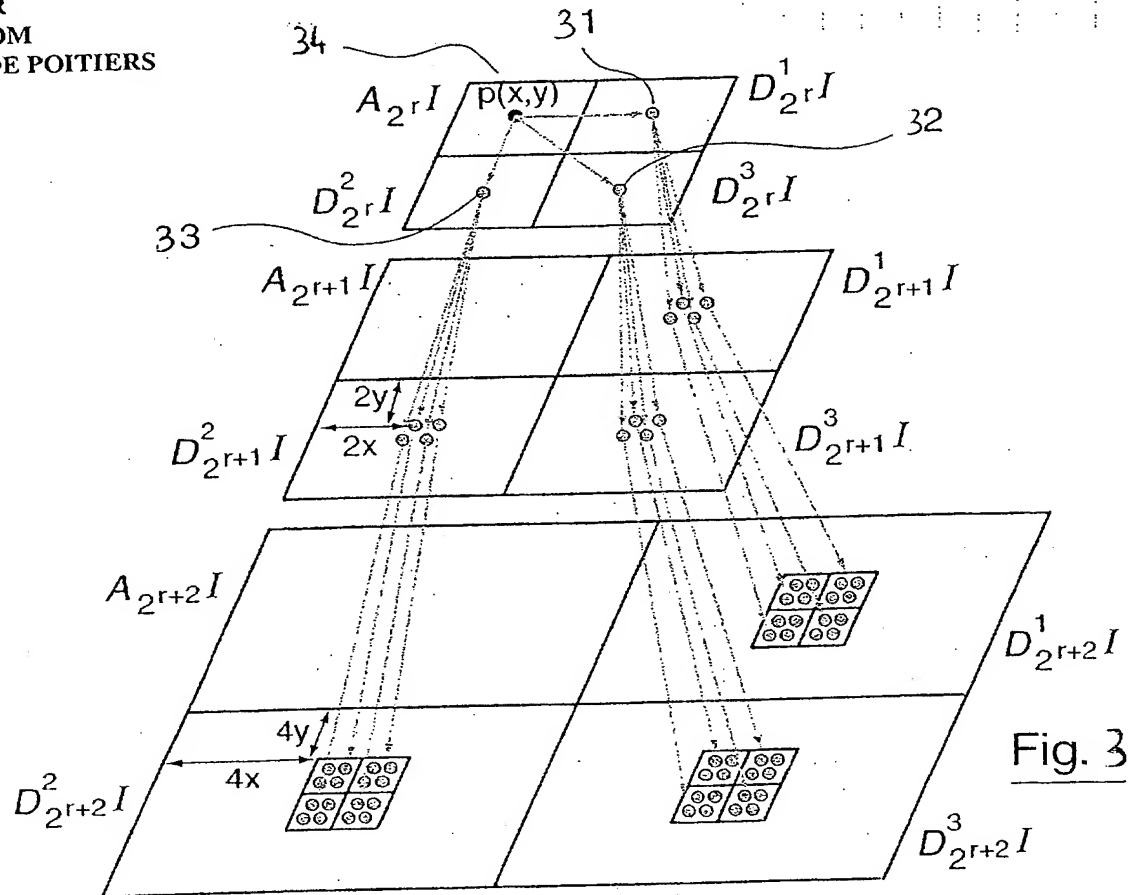
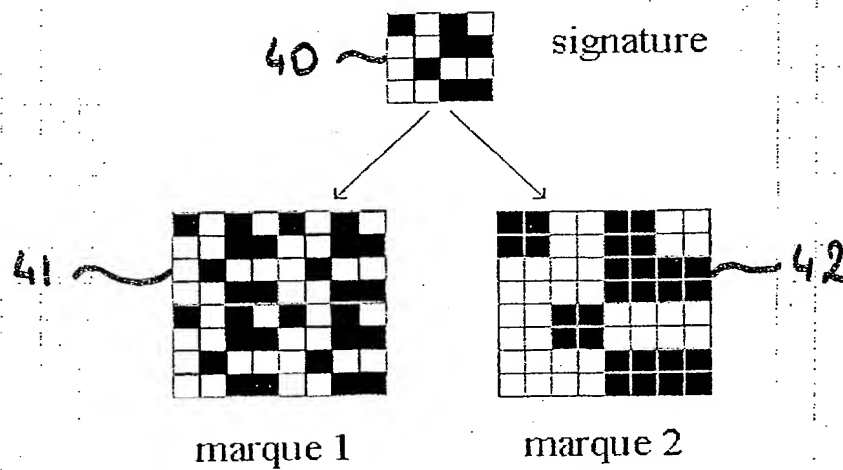


Fig. 3

FIGURE 3FIGURE 4



2/6

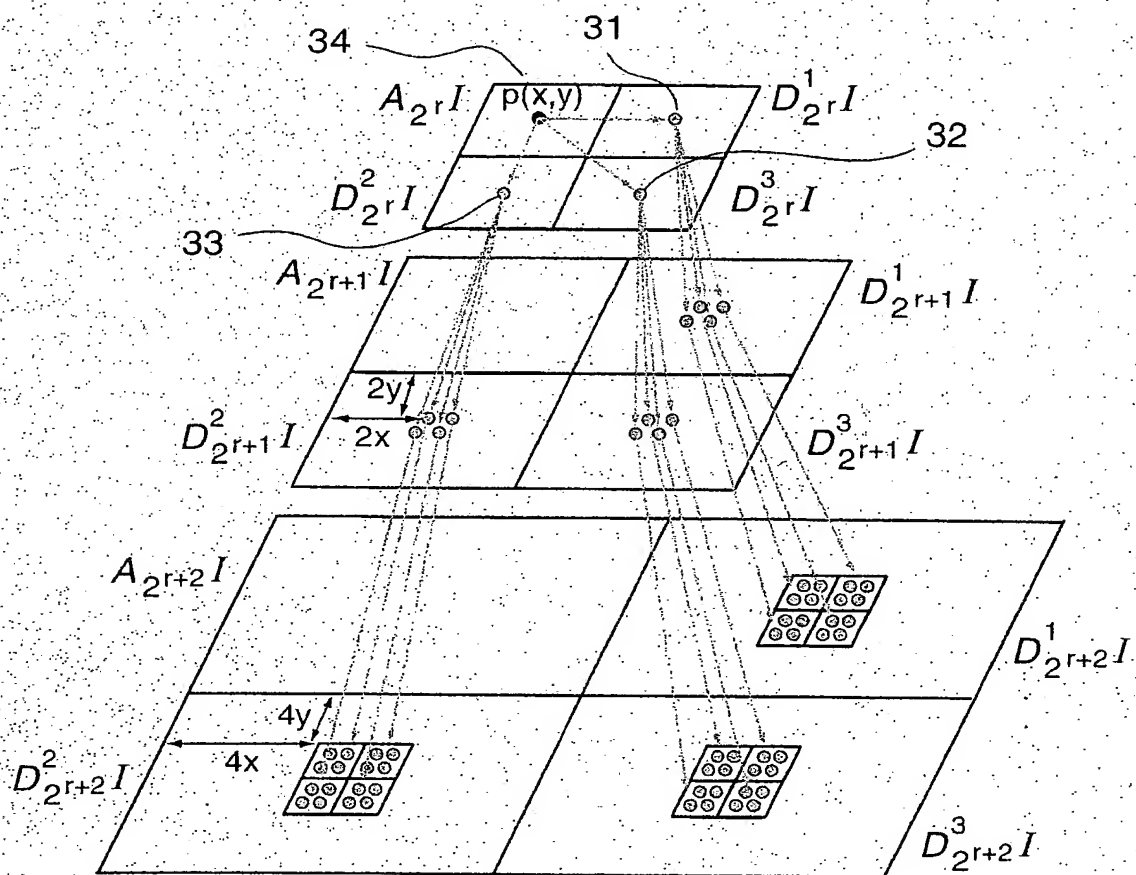


Fig. 3

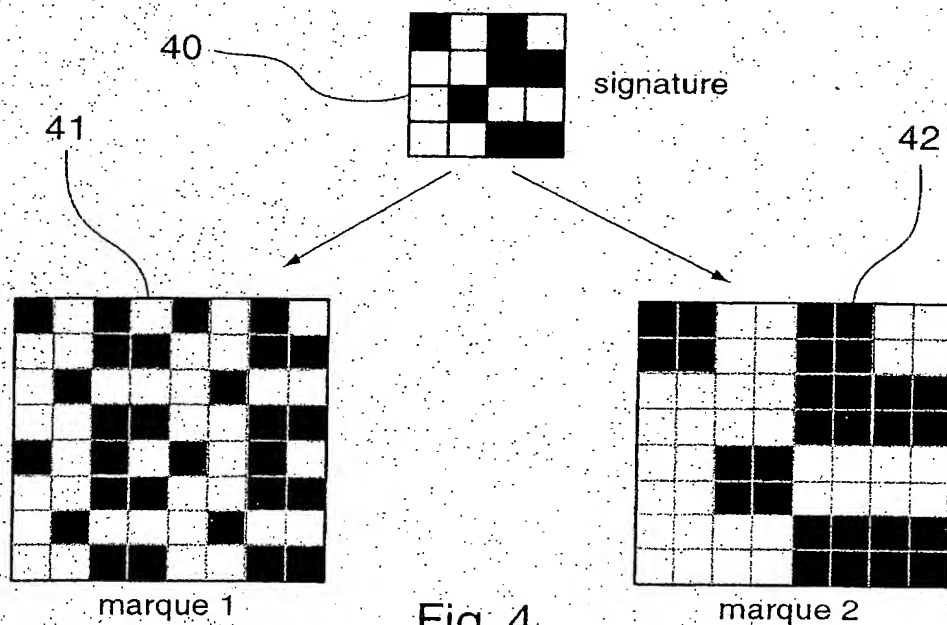
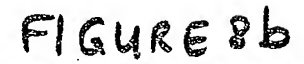
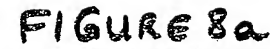
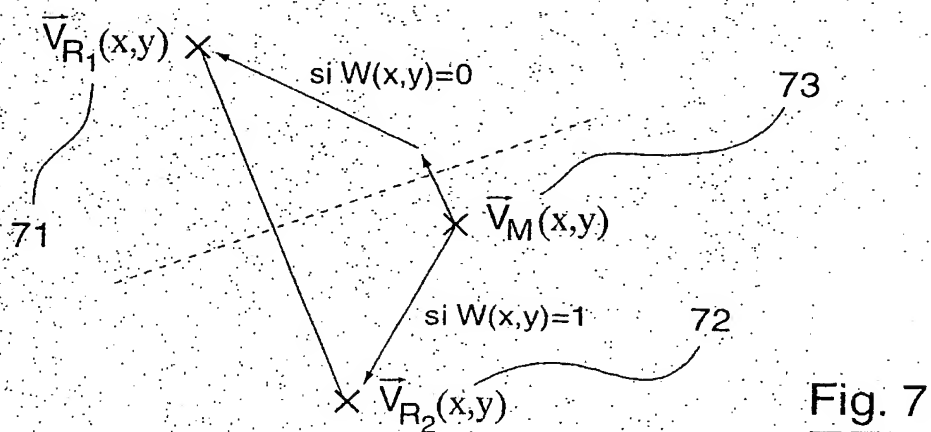
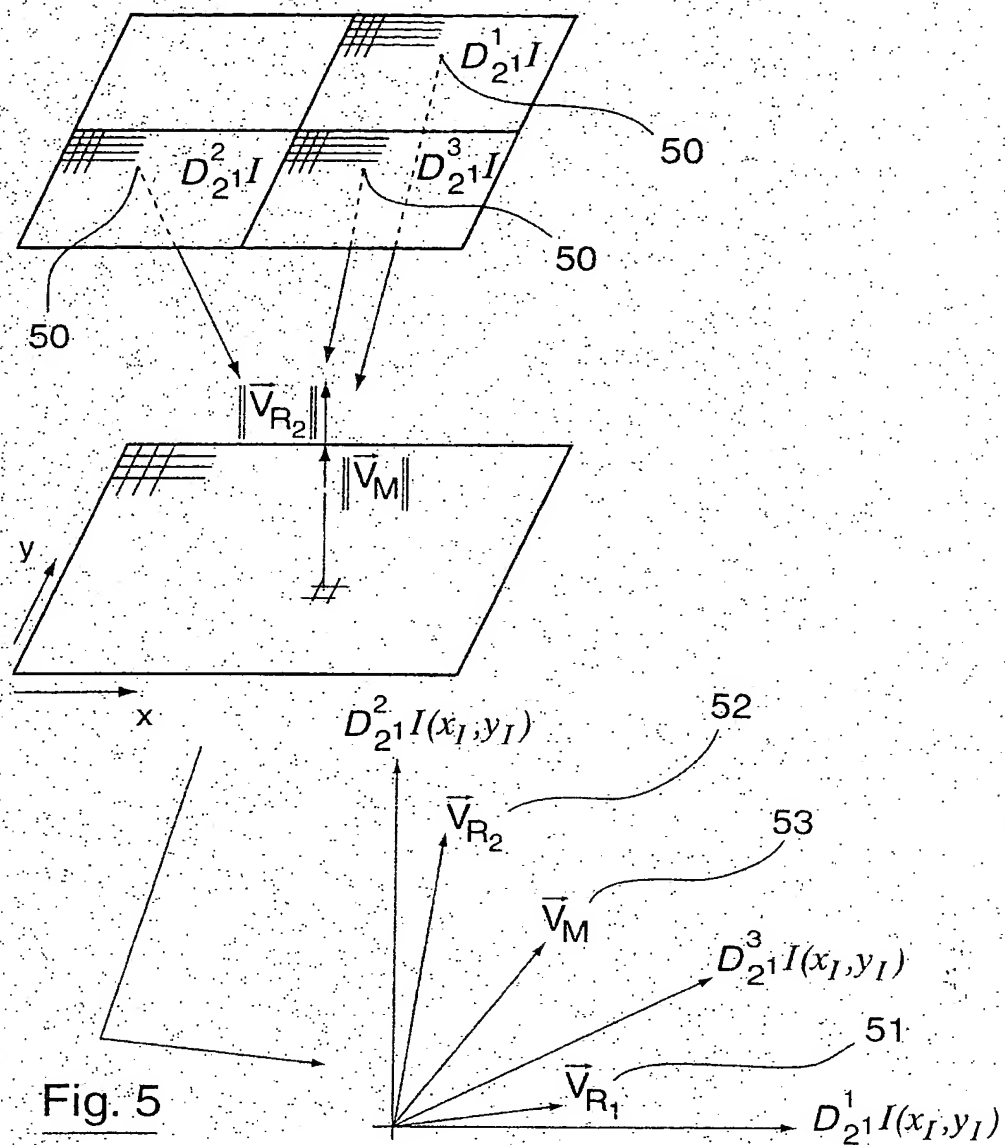


Fig. 4



3/6



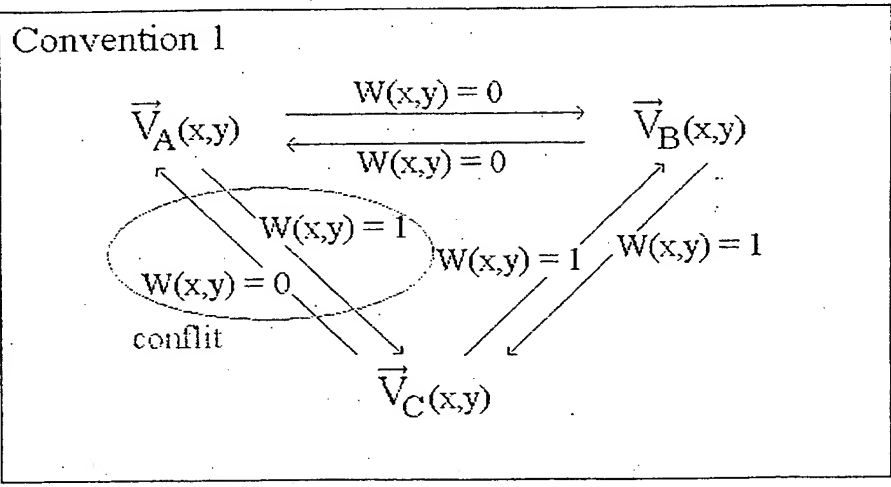


FIGURE 6a

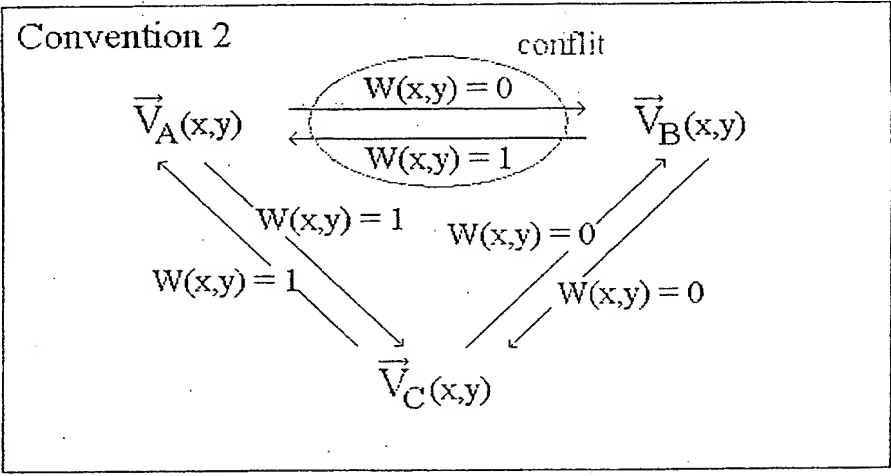


FIGURE 6b

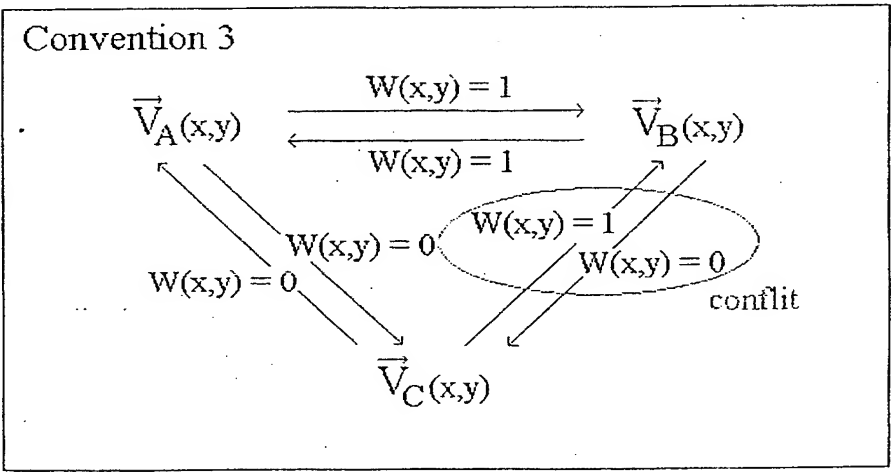


FIGURE 6c

4/6

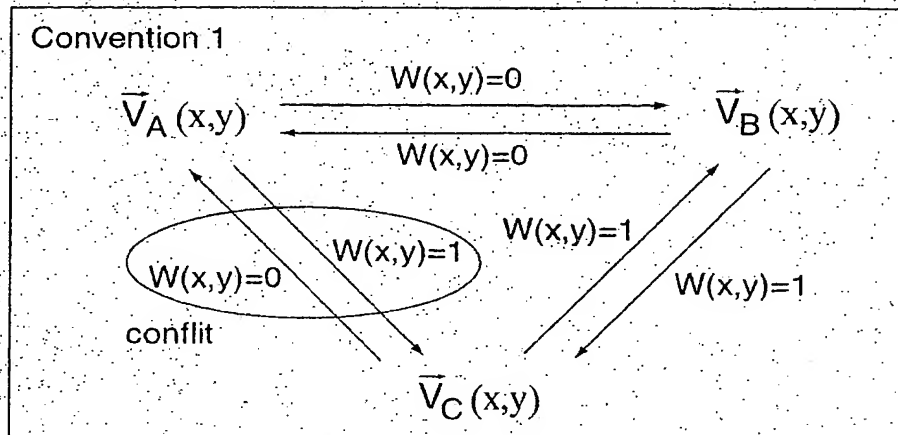


Fig. 6a

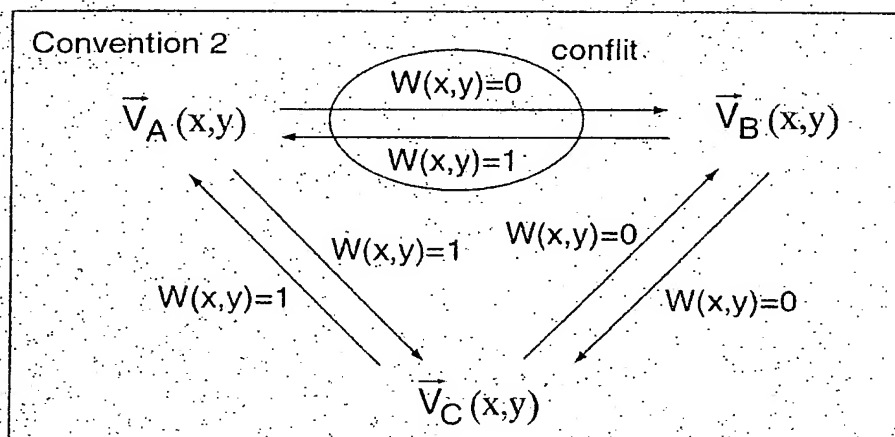


Fig. 6b

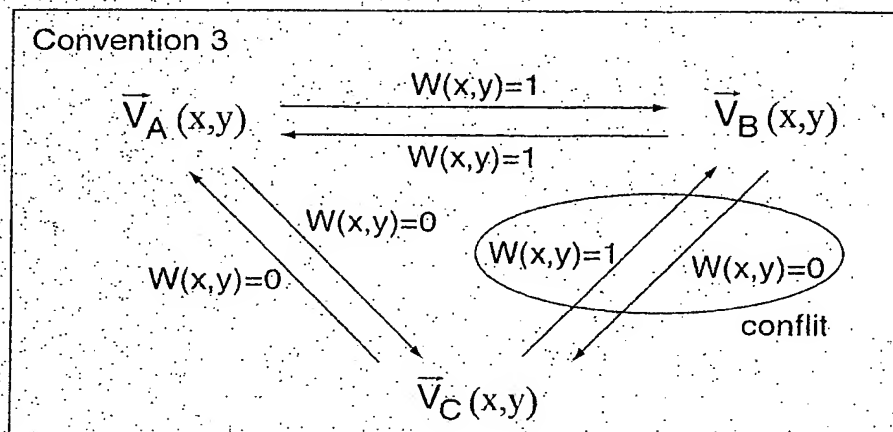


Fig. 6c

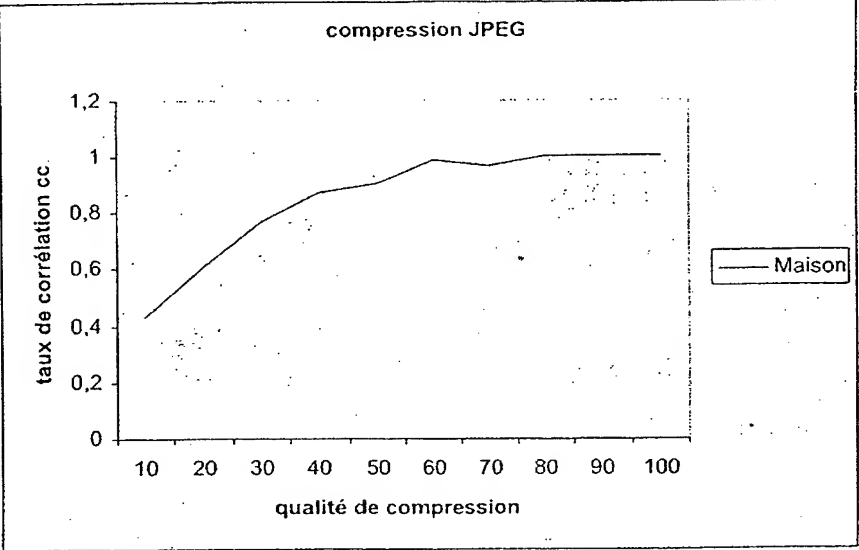


FIGURE 9a

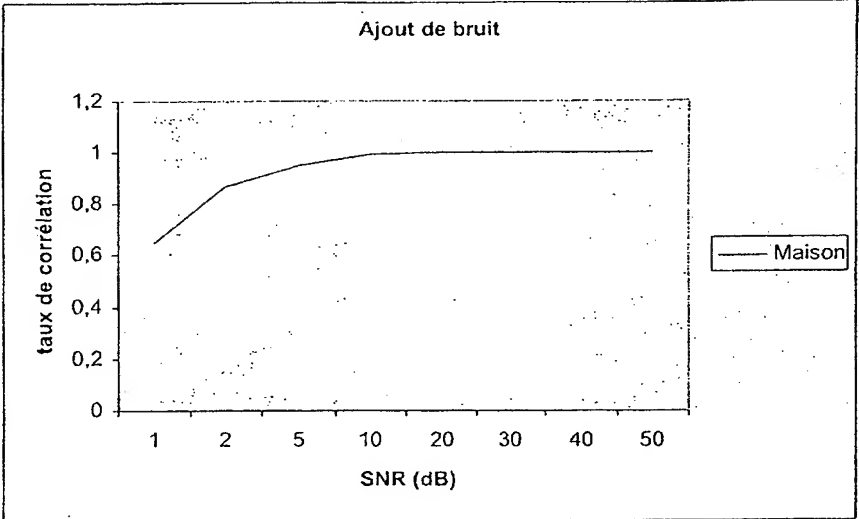


FIGURE 9b

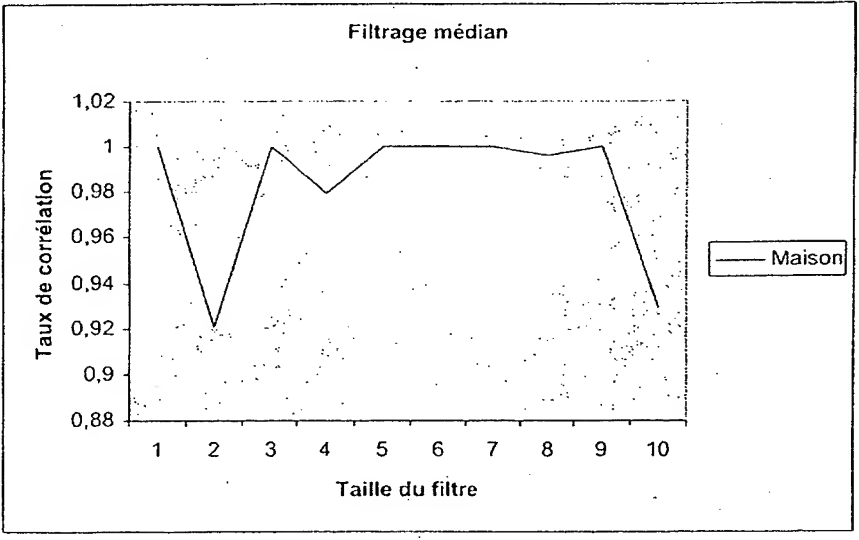


FIGURE 9c

5/6

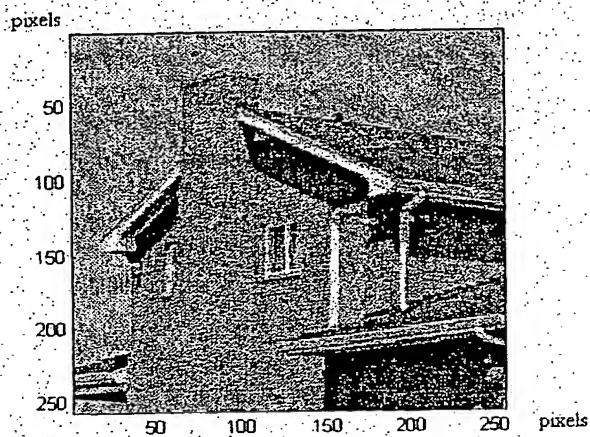


Fig. 8a

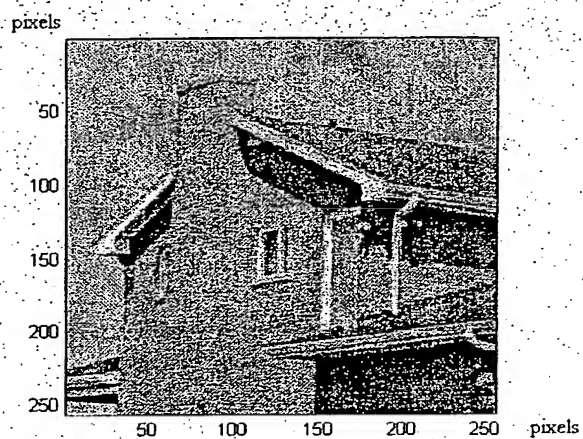


Fig. 8b

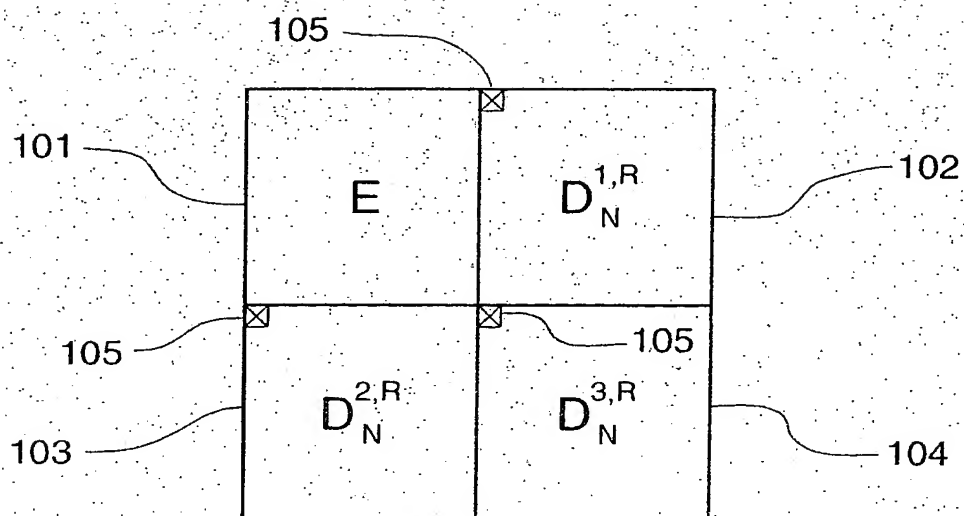


Fig. 10

Dessins provisoires  
Cabinet VIDON  
Dossier R8858FR  
France TELECOM  
UNIVERSITE DE POITIERS

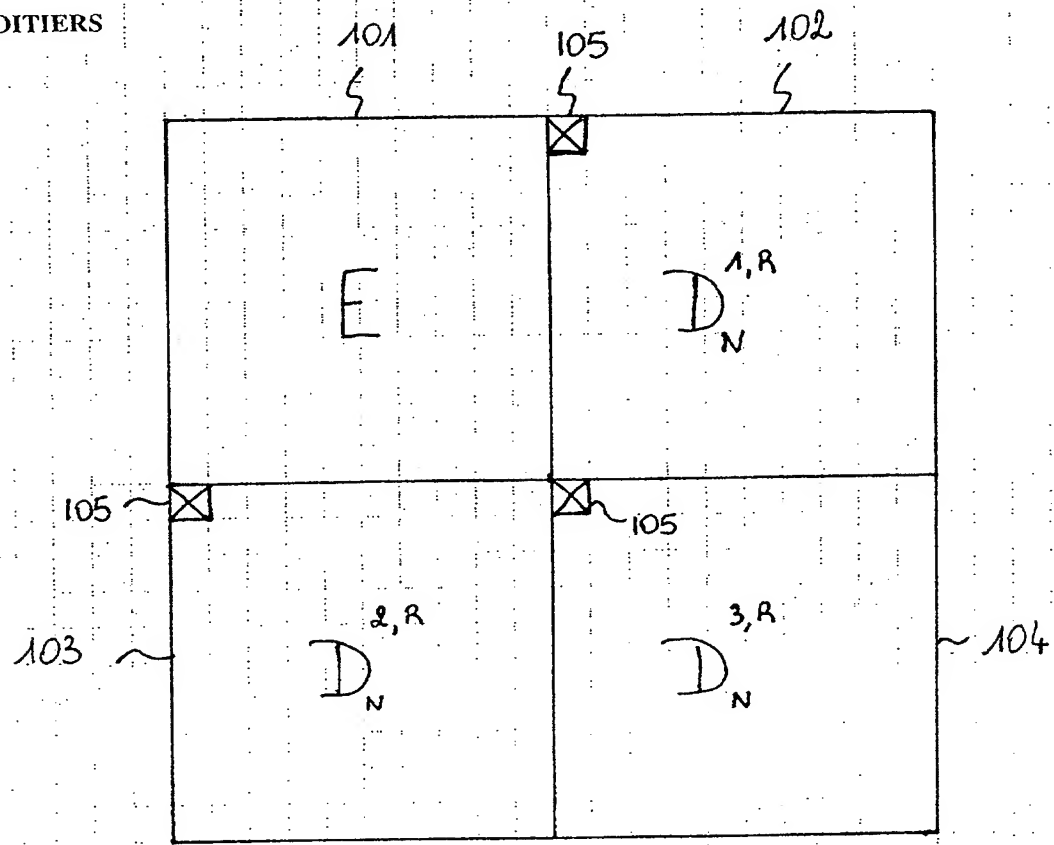


FIGURE 10



6/6

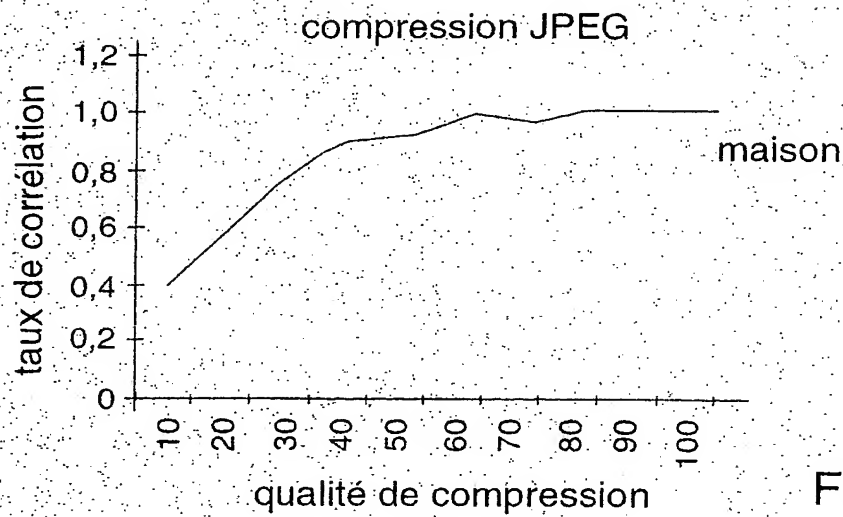


Fig. 9a

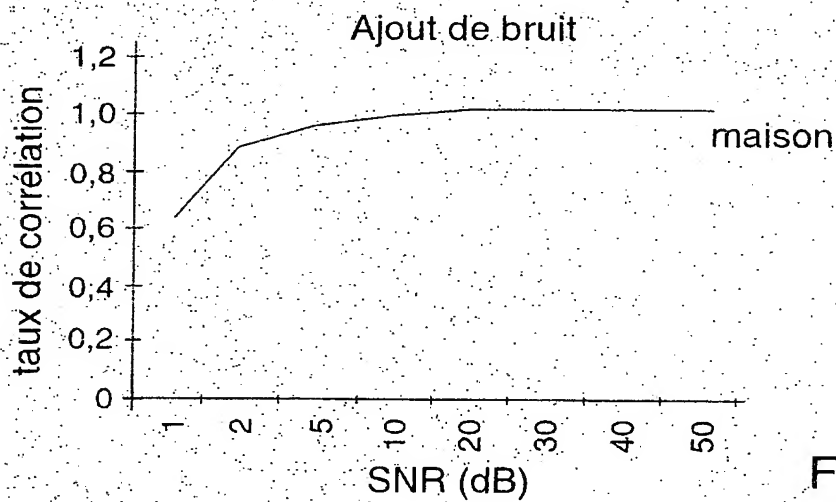


Fig. 9b

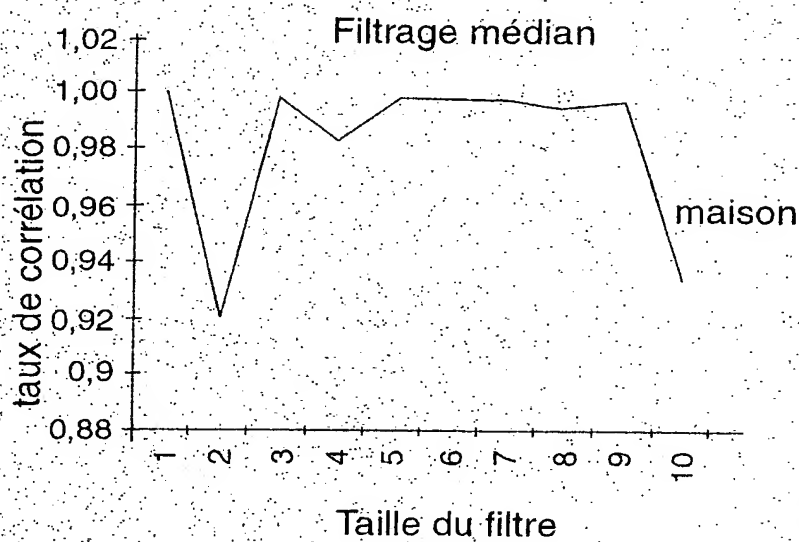


Fig. 9c



DÉPARTEMENT DES BREVETS

26 bis, rue de Saint Pétersbourg  
75800 Paris Cedex 08

Téléphone : 33 (1) 53 04 53 04 Télécopie : 33 (1) 42 94 86 54

**BREVET D'INVENTION****CERTIFICAT D'UTILITÉ**

Code de la propriété intellectuelle - Livre VI

**DÉSIGNATION D'INVENTEUR(S)** Page N° 1.../1...

(À fournir dans le cas où les demandeurs et les inventeurs ne sont pas les mêmes personnes)



Cet imprimé est à remplir lisiblement à l'encre noire

DB 113 © W / 270601

<b>Vos références pour ce dossier (facultatif)</b>		R8858FR
<b>N° D'ENREGISTREMENT NATIONAL</b>		03 045 92
<b>TITRE DE L'INVENTION (200 caractères ou espaces maximum)</b>		
Procédé de tatouage d'une image en couleurs par approche vectorielle, procédé de détection d'une marque de tatouage, dispositifs, image et programmes d'ordinateurs correspondants		
<b>LE(S) DEMANDEUR(S) :</b>		
1) FRANCE TELECOM      2) UNIVERSITE DE POITIERS 6, place d'Alleray      Boulevard Pierre et Marie Curie 75015 PARIS              Télport 2 FRANCE                  89692 FUTUROSCOPE CHASSENEUIL Cedex FRANCE		
<b>DESIGNE(NT) EN TANT QU'INVENTEUR(S) :</b>		
<b>1</b> Nom		PARISIS
Prénoms		Alice
Adresse	Rue	Résidence Altair Apt 104 9, Boulevard Nicephore Niepce
	Code postal et ville	816131610 CHASSENEUIL-DU-POITOU
Société d'appartenance (facultatif)		
<b>2</b> Nom		LAURENT
Prénoms		Nathalie
Adresse	Rue	3, rue des Fraîches
	Code postal et ville	815161310 VIGNOC
Société d'appartenance (facultatif)		
<b>3</b> Nom		CARRE
Prénoms		Philippe
Adresse	Rue	80, rue de la Vallée
	Code postal et ville	816101010 POITIERS
Société d'appartenance (facultatif)		
S'il y a plus de trois inventeurs, utilisez plusieurs formulaires. Indiquez en haut à droite le N° de la page suivi du nombre de pages.		
<b>DATE ET SIGNATURE(S) DU (DES) DEMANDEUR(S) OU DU MANDATAIRE (Nom et qualité du signataire)</b>  le 11 avril 2003  P. VIDON Mandataire (CPI 92-1250)		

La loi n°78-17 du 6 janvier 1978 relative à l'informatique, aux fichiers et aux libertés s'applique aux réponses faites à ce formulaire.  
Elle garantit un droit d'accès et de rectification pour les données vous concernant auprès de l'INPI.